

Rec'd PCT/PTO 24 JAN 2005

(12) DEMANDE INTERNATIONALE PUBLIÉE EN VERTU DU TRAITÉ DE COOPÉRATION  
EN MATIÈRE DE BREVETS (PCT)

(19) Organisation Mondiale de la Propriété  
Intellectuelle  
Bureau international



(43) Date de la publication internationale  
12 février 2004 (12.02.2004)

PCT

(10) Numéro de publication internationale  
WO 2004/013714 A2

(51) Classification internationale des brevets<sup>7</sup> : G05B 23/02

(21) Numéro de la demande internationale :  
PCT/FR2003/002399

(22) Date de dépôt international : 29 juillet 2003 (29.07.2003)

(25) Langue de dépôt : français

(26) Langue de publication : français

(30) Données relatives à la priorité :  
02/354115.4 29 juillet 2002 (29.07.2002) EP

(71) Déposants (pour tous les États désignés sauf US) :  
CENTRE NATIONAL DE LA RECHERCHE SCIENTIFIQUE [FR/FR]; 3, rue Michel-Ange, F-75794 Paris  
Cedex 16 (FR). UNIVERSITE JOSEPH FOURIER  
[FR/FR]; 621, avenue Centrale, B.P. 53, F-38041 Grenoble  
cedex 9 (FR).

(72) Inventeur; et

(75) Inventeur/Déposant (pour US seulement) : BESSIERE,  
Pierre [FR/FR]; 28, Hameau du Goutey, F-38700 Corenc  
(FR).

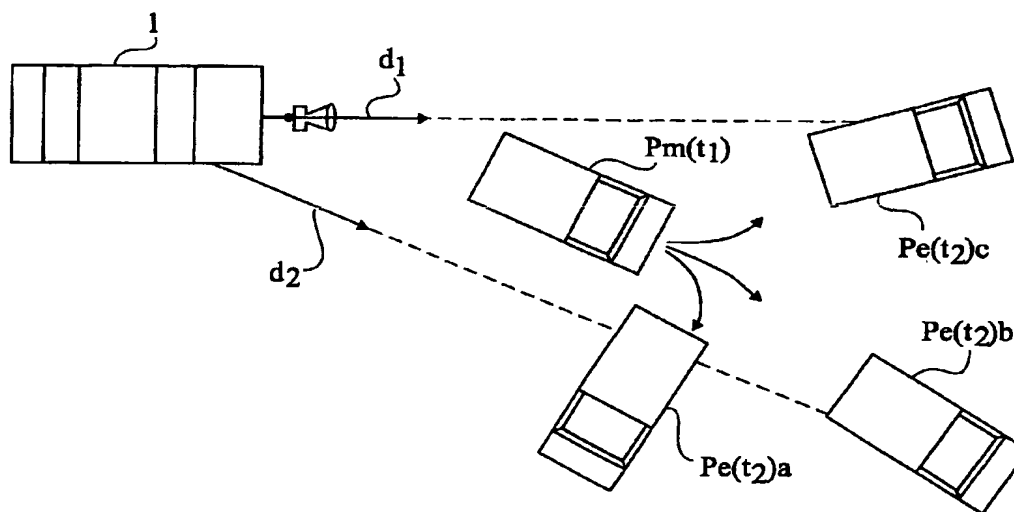
(74) Mandataire : DE BEAUMONT, Michel; Cabinet Michel  
De Beaumont, 1, rue Champollion, F-38000 Grenoble  
(FR).

(81) États désignés (national) : AE, AG, AL, AM, AT, AU, AZ,  
BA, BB, BG, BR, BY, BZ, CA, CH, CN, CO, CR, CU, CZ,  
DE, DK, DM, DZ, EC, EE, ES, FI, GB, GD, GE, GH, GM,  
HR, HU, ID, IL, IN, IS, JP, KE, KG, KP, KR, KZ, LC, LK,  
LR, LS, LT, LU, LV, MA, MD, MG, MK, MN, MW, MX,  
MZ, NO, NZ, OM, PH, PL, PT, RO, RU, SC, SD, SE, SG,  
SK, SL, TJ, TM, TN, TR, TT, TZ, UA, UG, US, UZ, VC,  
VN, YU, ZA, ZM, ZW.

[Suite sur la page suivante]

(54) Title: METHOD FOR DETERMINING A VALUE GIVEN TO DIFFERENT PARAMETERS OF A SYSTEM

(54) Titre : PROCÉDE DE DETERMINATION DE LA VALEUR A DONNER A DIFFERENTS PARAMETRES D'UN SYSTEME



(57) Abstract: The invention relates to a method for determining a value given to the totality of specific parameters of a system using the values of the totality of measuring parameters of said system which is associated to a unit for providing with a probability value for any combination of values of the specific parameters. The inventive method consists in determining the value of each parameter and in constructing the representation of probability distribution of all possible combination of values of the specific parameters pertaining to determine values. The totality of combinations is divided into a number of first totalities of combinations. Each first totality can be divided into a number of second totalities in a similar manner and so on, a probability value being attributed to each totality. Said method also consists in selecting the totalities of values of the specific parameters using the constructed representation of probability distribution.

[Suite sur la page suivante]

WO 2004/013714 A2



(84) États désignés (*régional*) : brevet ARIPO (GH, GM, KE, LS, MW, MZ, SD, SL, SZ, TZ, UG, ZM, ZW), brevet eurasien (AM, AZ, BY, KG, KZ, MD, RU, TJ, TM), brevet européen (AT, BE, BG, CH, CY, CZ, DE, DK, EE, ES, FI, FR, GB, GR, HU, IE, IT, LU, MC, NL, PT, RO, SE, SI, SK, TR), brevet OAPI (BF, BJ, CF, CG, CI, CM, GA, GN, GQ, GW, ML, MR, NE, SN, TD, TG).

**Publiée :**

— *sans rapport de recherche internationale, sera republiée dès réception de ce rapport*

*En ce qui concerne les codes à deux lettres et autres abréviations, se référer aux "Notes explicatives relatives aux codes et abréviations" figurant au début de chaque numéro ordinaire de la Gazette du PCT.*

---

(57) **Abrégé :** L'invention concerne un procédé de détermination de la valeur à donner à un ensemble de paramètres spécifiques d'un système à partir des valeurs d'un ensemble de paramètres de mesure de ce système, le système étant associé à un moyen pour fournir une valeur de probabilité pour toute combinaison de valeurs des paramètres spécifiques. Le procédé comprend les étapes suivantes : relever la valeur de chaque paramètre de mesure ; construire une représentation de la distribution de probabilité de toutes les combinaisons possibles de valeurs des paramètres spécifiques correspondant aux valeurs relevées, l'ensemble des combinaisons étant divisé en plusieurs premiers ensembles de combinaisons, chaque premier ensemble pouvant se diviser en plusieurs second ensembles de façon similaire et ainsi de suite, une valeur de probabilité étant affectée à chaque ensemble ; choisir une des combinaisons de valeurs des paramètres spécifiques à partir de la représentation de la distribution de probabilité précédemment construite.

**PROCÉDÉ DE DÉTERMINATION DE LA VALEUR À DONNER À DIFFÉRENTS  
PARAMÈTRES D'UN SYSTÈME**

La présente invention concerne un procédé de détermination de la valeur à donner à un ensemble de paramètres dits spécifiques d'un système à partir des valeurs d'un ensemble de paramètres dits de mesure du système.

5           Un tel procédé peut être utilisé pour commander divers systèmes tels qu'un système de reconnaissance de caractères, un système de diagnostic de panne de composants électriques, un système d'évaluation d'un coût de transport...

10           La figure 1 représente un exemple de système utilisant un tel procédé. Une voiture 1 tente de suivre un camion 2, la voiture et le camion étant des modèles réduits évoluant sur une surface plane sans obstacles. La voiture est équipée d'une caméra 3 et d'un système de commande autonome. Le système de commande a pour fonction de définir à intervalles réguliers, par  
15           exemple toutes les 100 ms, la direction et la vitesse que doit prendre la voiture 1, ainsi que l'inclinaison de la caméra de façon que le camion reste en permanence dans le champ de vision de la caméra.

20           A un instant donné  $t_0$ , le système de commande estime où sera le camion 100 ms plus tard, à un instant  $t_1$ . Dans le cas où le camion se déplace effectivement comme prévu, celui-ci sera

à la position estimée  $Pe(t_1)$ , au centre de l'image 4 que la caméra va prendre à l'instant  $t_1$ . Toutefois de façon générale, le camion se trouvera à une position mesurée  $Pm(t_1)$  distincte de  $Pe(t_1)$ . La position  $Pm(t_1)$  est décalée en  $x$  et  $y$  par rapport à  $Pe(t_1)$  selon un décalage horizontal  $c_x$  et un décalage vertical  $c_y$ . Le décalage horizontal  $c_x$  indique si le camion s'est davantage déplacé vers la gauche ou vers la droite. Le décalage vertical  $c_y$  indique si le camion a accéléré ou ralenti.

La figure 2A est une vue de côté de la voiture 1 se déplaçant à la vitesse  $v$  munie de la caméra 3 et représente l'angle d'inclinaison verticale  $\alpha_v$  de l'axe de la caméra. La figure 2B est une vue de dessus de la voiture 1, et représente l'angle d'inclinaison horizontale  $\alpha_h$  de l'axe de la caméra, ainsi que l'angle de rotation  $\alpha_{rot}$  des roues de la voiture 1.

La figure 3 représente une configuration possible de la voiture 1 et du camion 2, à l'instant  $t_1$ , le camion 2 étant à la position  $Pm(t_1)$  de la figure 1. Il semblerait donc que le camion aille vers la droite (hypothèse a). Le camion peut aussi aller tout droit et accélérer (hypothèse b). Le camion peut aussi repartir vers la gauche (hypothèse c). On considérera par la suite que le camion n'a que ces trois possibilités et n'est susceptible que d'aller vers l'une des trois positions estimées  $Pe(t_2)a$ ,  $Pe(t_2)b$  et  $Pe(t_2)c$ .

Le système de commande de la voiture doit alors décider si la voiture doit prendre la direction  $d_1$  permettant de rejoindre le camion  $Pe(t_2)c$  ou si elle va prendre la direction  $d_2$  permettant de rejoindre le camion en position  $Pe(t_2)a$  ou  $Pe(t_2)c$ . Les trois possibilités  $Pe(t_2)a$ ,  $Pe(t_2)b$ ,  $Pe(t_2)c$  étant a priori équiprobables, le choix de la direction  $d_2$  semble être le plus judicieux car il couvre un plus grand nombre de possibilités, et on considérera par la suite que  $d_2$  a été choisi.

Le système de commande doit ensuite choisir d'augmenter ou de diminuer la vitesse  $v$  de la voiture 1.

L'analyse de l'image permet de penser que le camion a accéléré

car il se trouve sur le haut de l'image. Une première décision pourrait être de demander une accélération de la voiture. Cependant, le système de commande a choisi d'aller dans la direction  $d_2$  et il est possible que le camion tourne doucement vers la droite pour se retrouver dans la position du camion  $Pe(t_2)a$ . Connaissant cette probabilité, il semble alors judicieux de ne pas trop accélérer de façon à ne pas entrer en collision avec le camion.

Le système de commande définit de même les angles  $\alpha_v$  et  $\alpha_h$  à donner à la caméra en fonction des décisions précédemment prises et de l'estimation du déplacement futur du camion.

Le système de commande de la voiture 1 doit être capable de définir les nouvelles valeurs des paramètres  $v$ ,  $\alpha_{rot}$ ,  $\alpha_v$  et  $\alpha_h$ , avec un calculateur et une mémoire de petites tailles et de faibles coûts. De plus, il est nécessaire que le système de commande prenne des décisions rapidement, toutes les 100 ms. Le système de commande doit aussi traiter un grand nombre de paramètres de mesure  $c_x$ ,  $c_y$  et de paramètres spécifiques ou plus précisément de commande,  $v$ ,  $\alpha_{rot}$ ,  $\alpha_v$ ,  $\alpha_h$  afin de pouvoir prendre des décisions efficaces qui permettent de suivre le camion quelle que soit sa trajectoire.

La réalisation d'un système de commande nécessite de définir au préalable les interdépendances entre les paramètres. Ainsi dans l'exemple décrit ci-dessus, le choix de l'angle d'inclinaison horizontale  $\alpha_h$  et de l'angle de rotation  $\alpha_{rot}$  dépend du décalage horizontal  $c_x$  mesuré ; le choix de l'angle d'inclinaison verticale  $\alpha_v$  et le choix de la vitesse  $v$  dépendent du décalage vertical  $c_y$  mesuré. De plus, l'angle  $\alpha_h$  et l'angle  $\alpha_{rot}$  sont dépendants l'un de l'autre sinon le camion risque de sortir du champ de vision de la caméra, la voiture ne pouvant alors plus suivre le camion. De même, la vitesse  $v$  et l'angle  $\alpha_v$  sont dépendants l'un de l'autre, l'angle  $\alpha_v$  devant être adapté à la vitesse et vice versa.

Un modèle de la distribution de probabilité conjointe de l'ensemble des paramètres du système est défini à partir d'un ensemble de distributions de probabilité indépendantes définies pour chacune des interdépendances préalablement identifiées.

5 Ainsi, la probabilité  $p(v, \alpha_{\text{rot}}, \alpha_v, \alpha_h, c_x, c_y)$  pour qu'une combinaison donnée de valeurs de tous les paramètres soit possible et astucieuse, peut être définie pour l'exemple décrit ci-dessus par la formule suivante:

$$p(v, \alpha_{\text{rot}}, \alpha_v, \alpha_h, c_x, c_y) =$$

$$10 \quad p(c_x)p(c_y)p(\alpha_h/c_x)p(\alpha_v/c_y)p(\alpha_{\text{rot}}/\alpha_h)p(v/\alpha_v) \quad (1)$$

où  $p(c_x)$  est la probabilité pour que le décalage horizontal  $c_x$  ait une valeur donnée,  $p(c_y)$  est la probabilité pour que le décalage vertical  $c_y$  ait une valeur donnée,  $p(\alpha_h/c_x)$  est la probabilité d'avoir un angle d'inclinaison horizontal  $\alpha_h$  connaissant le décalage  $c_x$ ,  $p(\alpha_v/c_y)$  est la probabilité d'avoir un angle d'inclinaison vertical  $\alpha_v$  connaissant le décalage  $c_y$ ,  $p(\alpha_{\text{rot}}/\alpha_h)$  est la probabilité d'avoir un angle de rotation  $\alpha_{\text{rot}}$  connaissant l'angle  $\alpha_h$ , et  $p(v/\alpha_v)$  est la probabilité d'avoir une vitesse  $v$  connaissant l'angle  $\alpha_v$ .

20 Les probabilités simples, non conditionnelles, telles que  $p(c_x)$ , peuvent être définies par une fonction analytique, par exemple  $p(c_x) = (\text{valeur absolue de } k/c_x)$  où  $k$  est une constante de normalisation. De même, les probabilités conditionnelles, telles que  $p(\alpha_h/c_x)$  peuvent être définies par  
25 une famille de fonctions analytiques, pouvant être par exemple des gaussiennes centrées sur la valeur  $c_x$ .

Les probabilités simples,  $p(c_x)$ , ou conditionnelles,  $p(\alpha_h/c_x)$ , peuvent aussi être calculées à partir d'une base de données répertoriant le nombre de fois où un décalage horizontal  
30  $c_x$  ou un couple de valeurs  $(\alpha_h, c_x)$  a été observé par exemple lors d'une phase d'apprentissage.

Le modèle de la distribution de probabilité conjointe, les fonctions analytiques et les bases de données sont mis en mémoire. Après une prise d'image à un instant  $t_i$ , le système de  
35 commande doit décider de la valeur à donner à chaque paramètre

de commande  $v$ ,  $\alpha_{rot}$ ,  $\alpha_v$ ,  $\alpha_h$  à partir des valeurs relevées pour chaque paramètre de mesure à l'instant  $t_i$ ,  $c_{xi}$  et  $c_{yi}$ . Le système choisit dans un premier temps un couple de valeurs  $(\alpha_{rot}, v)$  puis par la suite l'autre couple de valeurs  $(\alpha_v, \alpha_h)$ .  
 5 Seul le choix d'un couple  $(\alpha_{rot}, v)$  sera décrit, le choix d'un couple  $(\alpha_v, \alpha_h)$  étant effectué de façon identique. La probabilité  $p(\alpha_{rot}, v / c_{xi}, c_{yi})$  pour que le choix d'un couple  $(\alpha_{rot}, v)$  soit pertinent connaissant les valeurs de décalage  $c_{xi}$  et  $c_{yi}$  peut être calculée selon la formule suivante :

$$10 \quad p(\alpha_{rot}, v / c_{xi}, c_{yi}) = \frac{1}{Z} \sum_{\alpha_v, \alpha_h} p(v, \alpha_{rot}, \alpha_v, \alpha_h, c_{xi}, c_{yi}) \quad (2)$$

où  $Z$  est une constante de normalisation.

Les systèmes de commande existants capables de choisir un couple  $(\alpha_{rot}, v)$  à partir de la distribution de probabilité des couples sont de deux sortes. Les premiers effectuent un  
 15 choix d'un couple  $(\alpha_{rot}, v)$  directement à partir de la formule (2). Les seconds construisent, préalablement au choix d'un couple  $(\alpha_{rot}, v)$ , une représentation de la distribution de probabilité des couples.

Parmi les premiers systèmes, on peut citer les  
 20 méthodes dites d'optimisation qui recherchent la probabilité maximale et choisissent le couple correspondant. Or, il peut être préférable de choisir un couple ne présentant pas un maximum de probabilité. Par exemple, dans le cas où la distribution de probabilité présente plusieurs maximums pour  
 25 deux couples  $(\alpha_{rot,1}, v_1)$  et  $(\alpha_{rot,2}, v_2)$ , il peut être pertinent de choisir un couple ayant une vitesse intermédiaire entre  $v_1$  et  $v_2$  et un angle de rotation compris entre  $\alpha_{rot,1}$  et  $\alpha_{rot,2}$ . D'autres méthodes telles que la méthode METROPOLIS (voir "Monte Carlo simulation and numerical integration" de J.Geweke de  
 30 1996), effectuent un tirage aléatoire d'un couple directement à partir de la formule (2). Ces méthodes mettent en oeuvre des algorithmes de calcul pour la plupart très complexes et utilisent des calculateurs puissants. Ces méthodes nécessitent

de plus un temps de calcul important, incompatible avec certaines utilisations telles que celle décrite en figure 1.

Parmi les seconds systèmes, certaines méthodes utilisent une représentation dite tabulaire de la distribution de probabilité. Cette représentation tabulaire consiste à mémoriser pour chaque couple  $(\alpha_{\text{rot}}, v)$ , la probabilité  $p(\alpha_{\text{rot}}, v / c_{xi}, c_{yi})$  obtenue pour les décalages  $c_{xi}$ ,  $c_{yi}$  mesurés à l'instant  $t_i$ . Le choix d'un couple peut consister ensuite à prendre le couple de probabilité maximale, ou à effectuer un tirage aléatoire d'un couple à partir des données mémorisées.

Dans le cas où les paramètres étudiés sont nombreux, ou quand un paramètre peut prendre de nombreuses valeurs, le temps de calcul des probabilités de chaque couple  $(\alpha_{\text{rot}}, v)$  devient rapidement très grand. La taille de la mémoire utilisée pour stocker la représentation tabulaire peut elle aussi devenir rapidement prohibitive.

Une représentation de la distribution de probabilité, connue sous le nom de "mélange de gaussiennes" consiste à modéliser la distribution par un ensemble de gaussiennes, chaque gaussienne étant définie à partir d'une valeur de probabilité maximale. Au préalable, une méthode d'optimisation est utilisée pour identifier les couples  $(\alpha_{\text{rot}}, v)$  de probabilités maximales. Les couples sont ensuite répartis dans des groupes contenant plus ou moins de couples selon que les couples ont ou non des valeurs  $\alpha_{\text{rot}}$  et  $v$  proches des maximums identifiés. Une valeur de probabilité est calculée pour chaque groupe, les valeurs de probabilité formant des gaussiennes autour des probabilités maximales. Le choix d'un couple est ensuite effectué par tirage aléatoire ou recherche du couple de probabilité maximale.

Cette méthode permet d'avoir une représentation plus ou moins précise en fonction de la place mémoire disponible. Cependant, une augmentation de la précision de la représentation nécessite de refaire la répartition des couples et le calcul des probabilités de chaque groupe. De plus, la modélisation de la



distribution de probabilité par un ensemble de gaussiennes n'est pas adéquate pour tous les systèmes.

Un objet de la présente invention est de prévoir un procédé de détermination des valeurs à donner à un ou plusieurs  
5 paramètres spécifiques d'un système connaissant un ou plusieurs paramètres de mesure, dans le cas où le nombre de paramètres est très grand et/ou dans le cas où certains des paramètres peuvent prendre un grand nombre de valeurs.

Un autre objet de la présente invention est de prévoir  
10 un procédé de détermination des valeurs à donner à tous les paramètres spécifiques d'un système dans un intervalle de temps pouvant être très court.

Un autre objet de la présente invention est de prévoir un tel procédé de détermination utilisant une mémoire de taille  
15 variable et éventuellement très petite.

Un autre objet de la présente invention est de prévoir un tel procédé de détermination utilisant un dispositif de calcul simple.

Pour atteindre ces objets, la présente invention  
20 prévoit un procédé de détermination de la valeur à donner à un ensemble de paramètres spécifiques d'un système à partir des valeurs d'un ensemble de paramètres de mesure de ce système, chacun des paramètres pouvant prendre un nombre fini de valeurs, le système étant associé à un moyen pour fournir une valeur de  
25 probabilité pour toute combinaison de valeurs des paramètres spécifiques, ladite valeur de probabilité étant d'autant plus élevée que le choix de la combinaison considérée est pertinent connaissant la valeur des paramètres de mesure, le procédé comprenant les étapes suivantes :

- 30           - relever la valeur de chaque paramètre de mesure ;  
          - construire une représentation en forme d'arbre de la distribution de probabilité de toutes les combinaisons possibles de valeurs des paramètres spécifiques correspondant aux valeurs relevées, l'ensemble des combinaisons, constituant  
35 une première branche, étant divisé en plusieurs sous-ensembles

de combinaisons, constituant des deuxièmes branches, chaque sous-ensemble regroupant des combinaisons ayant des valeurs de paramètres spécifiques proches, chaque deuxième branche pouvant se diviser en plusieurs troisièmes branches de façon similaire et ainsi de suite, une valeur de probabilité étant affectée à chaque branche, cette valeur de probabilité étant celle obtenue pour une des combinaisons de la branche considérée ou pour une des combinaisons d'une des branches dont est issue la branche considérée ;

- 10           - choisir selon un critère de sélection prédéfini une des combinaisons de valeurs des paramètres spécifiques à partir de la représentation de la distribution de probabilité en forme d'arbre précédemment construite.

15           Selon un mode de mise en oeuvre d'un tel procédé, les branches issues de la division d'une même branche sont au nombre de deux et contiennent le même nombre de combinaisons, la première branche se divisant en deux deuxièmes branches, chaque deuxième branche pouvant se diviser en deux troisièmes branches et ainsi de suite.

20           Selon un mode de mise en oeuvre d'un tel procédé, la division d'une branche en deux branches comprend les étapes suivantes :

25           a) choisir une combinaison différente des combinaisons ayant déjà servi à définir la valeur de probabilité des branches existantes et calculer la probabilité de cette combinaison choisie ;

            b) diviser la branche dite "mère" contenant la combinaison choisie en deux branches dites "filles" ; et

30           dans le cas où la combinaison choisie et la combinaison "mère" ayant servi à définir la valeur de probabilité de la branche mère appartiennent à la même branche fille, attribuer aux deux branches filles la valeur de probabilité de la branche mère et diviser la branche fille contenant la combinaison choisie en reprenant le procédé à  
35           l'étape b), cette branche fille devenant la branche mère, et

dans le cas où la combinaison choisie et la combinaison mère n'appartiennent pas à la même branche fille, attribuer la valeur de probabilité de la combinaison choisie à la branche fille contenant la combinaison choisie et attribuer la valeur de probabilité de la combinaison mère à l'autre branche fille.

Selon un mode de mise en oeuvre d'un tel procédé, le critère de sélection consiste à choisir une des combinaisons présentant la probabilité maximale.

Selon un mode de mise en oeuvre d'un tel procédé, la sélection d'une combinaison consiste à mettre en oeuvre le procédé récursif comprenant les étapes suivantes :

a) choisir aléatoirement un nombre  $p$  compris entre 0 et 1 ;

b) calculer la somme des valeurs de probabilité affectées aux deux branches dites filles issues de la division de la première branche, et calculer pour chaque branche fille, une nouvelle valeur de probabilité égale au rapport entre la valeur de probabilité affectée à cette branche fille et la somme calculée ;

c) définir deux intervalles de probabilité contigus entre 0 et 1, le premier intervalle étant associé à une première branche fille, le second intervalle étant associé à la seconde branche fille, le premier intervalle allant de 0 à la valeur de probabilité de la première branche fille incluse et le second intervalle allant de cette valeur de probabilité à 1 ;

d) identifier dans quel intervalle se trouve le nombre  $p$  et sélectionner la branche fille associée à cet intervalle, et

dans le cas où la branche fille sélectionnée se ramifie en d'autres branches, reprendre le procédé récursif à l'étape a) la première branche étant remplacée par la branche fille sélectionnée, sinon

e) choisir une des combinaisons de la branche fille sélectionnée.

Selon un mode de mise en oeuvre d'un tel procédé, le critère de sélection consiste à choisir une des combinaisons ayant une valeur de probabilité prédéterminée ou comprise entre deux valeurs de probabilité données.

5            Selon un mode de mise en oeuvre d'un tel procédé, les valeurs de probabilité affectées à chaque branche ne sont pas normalisées et peuvent être supérieures à un.

10           Selon un mode de mise en oeuvre du procédé décrit ci-dessus, une pondération est affectée à chaque branche, la pondération des branches des dernières ramifications étant égale au produit de la valeur de probabilité affectée à cette branche et du nombre de combinaisons de cette branche, la pondération des autres branches étant égale à la somme des pondérations des branches issues de la branche considérée et se trouvant sur le  
15           niveau de ramification suivant.

            Selon un mode de mise en oeuvre du procédé susmentionné, la valeur de probabilité affectée à chaque branche peut être normalisée, la valeur de probabilité normalisée d'une branche étant obtenue en divisant la valeur de probabilité de  
20           cette branche par la pondération affectée à la première branche de l'arbre.

            Selon un mode de mise en oeuvre d'un tel procédé, le choix d'une combinaison est effectué en mettant en oeuvre un procédé produisant des combinaisons ayant des valeurs de  
25           probabilité élevées.

            Selon un mode de mise en oeuvre d'un tel procédé, la représentation de la distribution de probabilité de toutes les combinaisons est mémorisée et peut être affinée ultérieurement par la création de branches supplémentaires, ou peut être  
30           simplifiée par la suppression de certaines branches.

            Selon un mode de mise en oeuvre d'un tel procédé, le nombre de valeurs pouvant être prises par un paramètre est artificiellement augmenté, la valeur de probabilité d'une combinaison de valeurs de paramètres de commande dont au moins

une valeur d'un des paramètres correspond à une valeur ajoutée est nulle.

Ces objets, caractéristiques et avantages, ainsi que d'autres de la présente invention seront exposés en détail dans la description suivante de modes de réalisation particuliers faite à titre non-limitatif en relation avec les figures jointes parmi lesquelles :

la figure 1 représente une voiture tentant de suivre un camion ;

la figure 2A illustre une vue de côté de la voiture de la figure 1 ;

la figure 2B illustre une vue de dessus de la voiture de la figure 1 ;

la figure 3 illustre une configuration possible de la voiture et du camion ainsi que trois futures positions possibles du camion ;

les figures 4A à 4G illustrent des étapes d'un procédé selon la présente invention de construction d'une représentation d'une distribution de probabilité ;

la figure 5 illustre sous forme d'un arbre ramifié les étapes des figures 4B à 4G ;

les figures 6A à 6D illustrent deux modes de découpages possibles de l'ensemble des couples  $(\alpha_v, \alpha_h)$  selon le procédé de la présente invention ;

la figure 7 illustre une application du procédé de la présente invention au diagnostic de panne d'un ensemble de composants électriques ; et

la figure 8 illustre une application du procédé de la présente invention à la reconnaissance de chiffres.

Le procédé de la présente invention s'applique à tout système défini selon les critères énoncés ci-après. On doit décider de la valeur à donner à  $n$  paramètres spécifiques  $XS_1$  à  $XS_n$  du système, connaissant les valeurs de  $n$  paramètres de mesure  $XM_1$  à  $XM_m$  correspondant à un état déterminé du système.

Chacun des paramètres peut prendre un nombre fini de valeurs.

Les valeurs des paramètres spécifiques forment une suite continue d'entiers. Les paramètres de mesure peuvent être des variables symboliques, les valeurs possibles pouvant être jaune, bleu, vert et rouge. Un modèle de la distribution de probabilité conjointe de l'ensemble des paramètres du système est connu et on peut calculer la probabilité  $p(XS_1, \dots, XS_n, XM, \dots, XM_m)$  pour qu'une combinaison donnée de tous les paramètres  $(XS_1, \dots, XS_n, XM_1, \dots, XM_m)$  soit pertinente. Les fonctions analytiques et les bases de données utilisées par le modèle de la distribution de probabilité du système sont connues.

A tout instant, il est possible de réaliser à partir du modèle du système, une inférence consistant à définir la distribution de probabilité des combinaisons de valeurs de tout ou partie des paramètres spécifiques, par exemple  $(XS_1, XS_2, XS_n)$ , connaissant les valeurs de tout ou partie des paramètres de mesure, par exemple  $(XM_1, XM_3)$ . La probabilité  $p(XS_1, XS_2, XS_n / XM_1, XM_3)$  pour que le choix d'une combinaison  $(XS_1, XS_2, XS_n)$  soit pertinent connaissant les valeurs des paramètres de mesure  $(XM_1, XM_3)$  est définie par :

$$p(XS_1, XS_2, XS_n / XM_1, XM_3) = \frac{1}{Z} \sum_{\substack{XS_3, \dots, XS_{n-1}, \\ XM_2, XM_4, \dots, XM_m}} p(XS_1, \dots, XS_n, XM_1, \dots, XM_m) \quad (3)$$

où Z est une constante de normalisation.

Après un relevé des valeurs des paramètres de mesure considérés, la présente invention prévoit un procédé de construction d'une représentation de la distribution de probabilité des combinaisons de valeurs des k paramètres spécifiques choisis, obtenue pour les valeurs relevées. Une combinaison de valeurs des k paramètres choisis sera ci-après appelée "une combinaison". L'ensemble des combinaisons peut être représenté par un ensemble de points définis dans un espace E à

k dimensions. La distribution de probabilité est alors représentée dans un espace à  $k+1$  dimensions.

Le procédé de construction de la présente invention vise à diviser l'espace E en plusieurs ensembles de points et à affecter une valeur de probabilité identique à tous les points d'un même ensemble pour obtenir une représentation de la distribution de probabilité des combinaisons.

Une fois la représentation de la distribution de probabilité des combinaisons obtenue par le procédé de la présente invention, le choix d'une combinaison est réalisé selon un de plusieurs critères de sélection.

Les applications du procédé de la présente invention peuvent être très diverses comme il apparaîtra à la lecture des exemples mentionnés.

Dans une première partie, on décrira un procédé de construction d'une représentation de la distribution de probabilité des combinaisons.

Dans une deuxième partie, on décrira différents critères de sélection.

Dans une troisième partie, on décrira des exemples d'application du procédé de la présente invention.

## 1. PROCEDE DE CONSTRUCTION

### 1.1. Principe général

Le procédé de construction d'une représentation de la distribution de probabilité des combinaisons consiste à choisir successivement différentes combinaisons parmi l'ensemble des combinaisons possibles et à calculer leurs valeurs de probabilité respectives. Après chaque choix d'une combinaison, l'ensemble de points de l'espace E contenant la combinaison choisie est divisé en plusieurs ensembles de points. L'ensemble de points contenant la combinaison choisie prend la valeur de probabilité de cette combinaison. Les autres ensembles de points gardent la valeur de probabilité qu'ils avaient avant la division.

Initialement, l'espace  $E$  n'est pas divisé et tous les points de l'espace  $E$  prennent la valeur de probabilité  $p_1$  de la première combinaison choisie  $C_1$ .

Le choix d'une deuxième combinaison  $C_2$ , différente de  
5 la première combinaison choisie  $C_1$ , entraîne une division de l'espace  $E$  en plusieurs ensembles de points, l'ensemble de points contenant la deuxième combinaison choisie  $C_2$  prenant la valeur de probabilité  $p_2$  de la deuxième combinaison choisie  $C_2$ , les autres ensembles de points prenant la valeur de probabilité  
10  $p_1$  de la première combinaison choisie  $C_1$ .

Le choix d'une troisième combinaison  $C_3$ , différente des première et deuxième combinaisons choisies  $C_1$  et  $C_2$ , entraîne la division de l'ensemble de points "père" contenant la troisième combinaison choisie  $C_3$  en plusieurs ensembles de  
15 points "fils", l'ensemble de points "fils" contenant la troisième combinaison choisie  $C_3$  prenant la valeur de probabilité  $p_3$  de la troisième combinaison choisie, les autres ensembles de points "fils" prenant la valeur de probabilité de l'ensemble de points "père",  $p_1$  ou  $p_2$ .

Le choix d'une éventuelle quatrième combinaison  $C_4$ , différente de celles précédemment choisies, entraînerait à nouveau la division de l'ensemble de points "père" contenant la quatrième combinaison choisie  $C_4$  en plusieurs ensembles de points "fils", l'ensemble de points "fils" contenant la  
25 quatrième combinaison choisie  $C_4$  prendrait alors la valeur de probabilité  $p_4$  de la quatrième combinaison choisie  $C_4$ , et les autres ensembles de points "fils" prendrait la valeur de probabilité de l'ensemble de points "père"  $p_1$ ,  $p_2$  ou  $p_3$ .

Ce procédé de construction peut être répété autant de  
30 fois que possible en fonction du temps dont on dispose. La représentation de la distribution de probabilité sera d'autant plus précise que le nombre de combinaisons choisies est grand. Contrairement à la création d'une représentation selon la méthode de "mélange de gaussiennes", le procédé de construction  
35 de la présente invention peut être exécuté pendant une durée



variable, le choix de la durée d'exécution pouvant être adapté à chaque système.

Les combinaisons successivement choisies peuvent être obtenues selon un procédé pseudo-aléatoire produisant des combinaisons réparties uniformément sur l'espace E ou selon un  
5 procédé optimisé produisant des combinaisons ayant des valeurs de probabilité élevées.

Selon un mode de mise en oeuvre du procédé de la présente invention, chaque ensemble de points "fils", issus de  
10 la division d'un ensemble de points "père", comprend un nombre identique de combinaisons.

#### 1.2. Arbre de construction

La présente invention prévoit de garder une trace de la construction de la distribution de probabilité par  
15 l'intermédiaire d'un arbre de construction.

La première branche de l'arbre de construction représente l'espace E et prend la valeur de probabilité  $p_1$ . La première branche se ramifie en deuxièmes branches représentant chacune un des ensembles de points issus de la division de  
20 l'espace E. Chaque deuxième branche prend la valeur de probabilité des points de la deuxième branche considérée.

La deuxième branche associée à l'ensemble de points "père" contenant la troisième combinaison choisie  $C_3$  se ramifie en troisièmes branches représentant chacune un des ensembles de  
25 points "fils". Chaque troisième branche prend la valeur de probabilité des points de la troisième branche considérée.

De façon générale, chaque deuxième branche est susceptible de se ramifier en plusieurs troisièmes branches en fonction des nouvelles combinaisons choisies. Chaque troisième  
30 branche peut se ramifier en plusieurs quatrièmes branches et ainsi de suite.

L'arbre de construction est mémorisé au fur et à mesure de sa construction. Les branches terminales de l'arbre donnent le découpage final de l'ensemble des combinaisons. La  
35 représentation finale de la distribution de probabilité sera par

la suite utilisée pour choisir une des combinaisons comme cela sera décrit dans la deuxième partie. On pourra prévoir de construire une représentation de la distribution de probabilité plus ou moins précise en fonction de la mémoire disponible.

5 La création d'un arbre de construction présente plusieurs intérêts, comme cela sera précisé ci-après, notamment pour l'obtention de valeurs de probabilité normalisées et pour la sélection d'une combinaison par tirage aléatoire selon un procédé de tirage aléatoire de la présente invention.

### 10 1.3. Illustration pour le système voiture/camion

#### 1.3.1 Choix d'une vitesse

15 La construction d'une représentation de la distribution de probabilité des combinaisons selon le procédé de la présente invention est illustrée ci-après pour le système voiture/camion précédemment décrit.

On considère dans un premier temps, le cas où le système de commande de la voiture décide des valeurs à donner aux paramètres de commande ( $\alpha_{rot}$ ,  $v$ ,  $\alpha_v$ ,  $\alpha_h$ ) les uns après les autres. Dans le cas d'un choix d'une vitesse, la probabilité  $p(v)$  pour que le choix d'une vitesse  $v$  à un instant  $t_i$  soit pertinent connaissant les valeurs de décalage  $c_{xi}$  et  $c_{yi}$  relevées à l'instant  $t_i$ , peut être calculée comme suit :

$$p(v/c_{xi}, c_{yi}) = \frac{1}{Z} \sum_{\alpha_v, \alpha_h, \alpha_{rot}} p(v, \alpha_{rot}, \alpha_v, \alpha_h, c_{xi}, c_{yi})$$

25 La figure 4A représente une distribution de probabilité 10 des valeurs de vitesse obtenue pour les valeurs de décalage  $C_{x0}$  et  $C_{y0}$  relevées à l'instant  $t_0$ . C'est cette distribution dont on cherche à obtenir une approximation, de façon simple, rapide et en minimisant les moyens de calcul et de mémorisation utilisés. La vitesse  $v$  peut prendre une valeur  
30 entière comprise entre 0 et 15 km/heure inclus. La vitesse est représentée en abscisses, la probabilité  $p(v)$  est représentée en ordonnées. Dans cet exemple, la distribution de probabilité 10 des valeurs de vitesse est une fonction continue qui vaut 0

quand la vitesse est nulle ou supérieure à 14 et qui présente deux maximums pour les vitesses  $v$  égales à 4 km/h et 10 km/h.

L'ensemble des figures 4B à 4G illustre la construction d'une représentation de la distribution de probabilité de la figure 4A. Les ensembles de valeurs de vitesse, ou branches, sont représentés par une flèche à double sens positionnée sous les valeurs de vitesse faisant partie de la branche. Un trait horizontal coupant la distribution de probabilité 10, et placé au dessus d'une flèche à double sens, représente la valeur de probabilité associée aux valeurs de vitesse de la branche représentée par la flèche à double sens.

La figure 4B illustre une première étape de la construction liée au choix d'une première valeur de vitesse  $v_1$  égale à 4 km/h de probabilité  $p_1$ , l'ensemble des valeurs de vitesse, formant une première branche  $B$ , prend la valeur de probabilité  $p_1$ .

La figure 4C illustre une deuxième étape de la construction liée au choix d'une deuxième valeur de vitesse  $v_2$  égale à 12 km/h, de probabilité  $p_2$ . L'ensemble des valeurs de vitesse est divisé en deux ensembles de valeurs de vitesse formant chacun deux deuxième branches  $B_1$  et  $B_2$ . La branche  $B_1$  regroupe les valeurs de vitesse les plus faibles allant de 0 à 7 km/h. La branche  $B_2$  regroupe les valeurs de vitesse les plus élevées allant de 8 à 15 km/h. Les deux branches  $B_1$  et  $B_2$  regroupent un même nombre de valeurs de vitesse. La branche  $B_2$  contient la deuxième valeur de vitesse choisie  $v_2$ , elle prend donc la valeur de probabilité  $p_2$ . La branche  $B_1$  garde la valeur de probabilité  $p_1$ .

Selon un premier aspect du mode de mise en oeuvre du procédé de la présente invention choisi pour cet exemple, la ramification d'une branche conduit à la création de deux branches comprenant un même nombre de valeurs de vitesse, l'une des branches comprenant les valeurs de vitesse les plus faibles, l'autre branche comprenant les valeurs de vitesse les plus élevées.

Les figures 4D et 4E illustrent deux phases d'une troisième étape de la construction liée au choix d'une troisième valeur de vitesse  $v_3$  égale à 6 km/h de valeur de probabilité  $p_3$ . Dans une première phase, la branche  $B_1$  contenant la troisième valeur de vitesse choisie  $v_3$  se ramifie en deux branches  $B_{1,1}$  et  $B_{1,2}$  comme cela apparaît en figure 4D. La branche  $B_{1,1}$  regroupe les valeurs de vitesse allant de 0 à 3 km/h, la branche  $B_{1,2}$  regroupe les valeurs de vitesse allant de 4 à 7 km/h. Les première et troisième valeurs de vitesse choisies  $v_1$  et  $v_3$  appartiennent à la même branche  $B_{1,2}$ . Dans ce cas, les branches  $B_{1,1}$  et  $B_{1,2}$  gardent la valeur de probabilité  $p_1$ . Le procédé de ramification va se poursuivre (figure 4E) jusqu'à ce qu'une des branches contienne uniquement la troisième valeur de vitesse  $v_3$ .

Selon un second aspect du mode de mise en oeuvre du procédé de la présente invention choisi pour cet exemple, la ramification d'une branche "mère" contenant la dernière valeur de vitesse choisie se poursuit jusqu'à ce qu'une branche "fille" contienne uniquement la nouvelle valeur de vitesse choisie et aucune autre valeur de vitesse préalablement choisie. Les branches "filles" intermédiaires prennent la valeur de probabilité de la branche "mère".

La figure 4E illustre la seconde phase de la troisième étape. La branche  $B_{1,2}$  contenant la troisième valeur de vitesse choisie  $v_3$  se ramifie en deux branches  $B_{1,2,1}$  et  $B_{1,2,2}$  comprenant respectivement les valeurs de vitesse 4, 5 et 6, 7 km/h. La branche  $B_{1,2,2}$  contient uniquement la troisième valeur de vitesse choisie  $v_3$  et aucune autre valeur de vitesse choisie. On affecte donc la valeur de probabilité  $p_3$  à la branche  $B_{1,2,2}$ . La branche  $B_{1,2,1}$  garde la valeur de probabilité  $p_1$  de la branche  $B_{1,2}$  dont elle est issue.

La figure 4F illustre une quatrième étape de la construction liée au choix d'une quatrième valeur de vitesse  $v_4$  égale à 10 km/h de valeur de probabilité  $p_4$ . La branche  $B_2$  contenant la quatrième valeur de vitesse choisie  $v_4$  se ramifie en deux branches  $B_{2,1}$  et  $B_{2,2}$ , les branches regroupant

respectivement les valeurs de vitesse 8 à 11 et 12 à 15 km/h. La quatrième valeur de vitesse  $v_4$  appartient à la branche  $B_{2,1}$  et aucune autre valeur de vitesse choisie n'appartient à cette branche. On affecte alors la valeur de probabilité  $p_4$  à la

5 branche  $B_{2,1}$ . La branche  $B_{2,2}$  garde la valeur de probabilité  $p_2$ .

La figure 4G illustre une cinquième étape de la construction liée au choix d'une cinquième valeur de vitesse  $v_5$  égale à 1 km/h, de probabilité  $p_1$ . La branche  $B_{1,1}$  contenant la cinquième valeur de vitesse choisie  $v_5$  se ramifie en deux

10 branches  $B_{1,1,1}$  et  $B_{1,1,2}$ , les branches regroupant respectivement les valeurs de vitesse 0, 1 et 2, 3 km/h. La cinquième valeur de vitesse choisie  $v_5$  n'appartient à la branche  $B_{1,1,1}$  et aucune autre valeur de vitesse choisie appartient à cette branche. On affecte alors la valeur de probabilité  $p_5$  à la

15 branche  $B_{1,1,1}$ . La branche  $B_{1,1,2}$  garde la valeur de probabilité  $p_1$ . On note qu'à ce dernier stade, on a obtenu sous forme de segments une bonne approximation de la distribution de probabilité 10 de la figure 4A.

La figure 5 représente l'arbre de construction de la

20 représentation de la distribution de probabilité des valeurs de vitesse obtenue selon les cinq étapes décrites en relation aux figures 4A à 4G. La branche B de valeur de probabilité  $p_1$  se ramifie en deux branches  $B_1$  et  $B_2$  de valeur de probabilité respectives  $p_1$  et  $p_2$ . La branche  $B_2$  se ramifie en deux branches

25  $B_{2,1}$  et  $B_{2,2}$  de valeurs de probabilité respectives  $p_1$  et  $p_2$ . La branche  $B_1$  se ramifie en deux branches  $B_{1,1}$  et  $B_{1,2}$  de valeurs de probabilité  $p_1$ . La branche  $B_{1,1}$  se ramifie en deux branches  $B_{1,1,1}$  et  $B_{1,1,2}$  de valeurs de probabilité respectives  $p_5$  et  $p_1$ . La branche  $B_{1,2}$  se ramifie en deux branches  $B_{1,2,1}$  et  $B_{1,2,2}$  de

30 valeurs de probabilité respectives  $p_1$  et  $p_3$ . Le découpage final de l'ensemble des valeurs de vitesse est donné par les branches terminales de l'arbre de construction.

### 1.3.2. Choix des angles ( $\alpha_h, \alpha_v$ )

La construction d'une représentation de la

35 distribution de probabilité des combinaisons selon le procédé de

la présente invention est illustrée ci-après dans le cas où le système de commande de la voiture décide des valeurs à donner à deux paramètres de commande.

Les figures 6A à 6D représente l'espace E à deux dimensions de l'ensemble des couples de valeurs d'angles d'inclinaison horizontale et verticale  $(\alpha_h, \alpha_v)$ . Un couple de valeurs d'angles d'inclinaison horizontale et verticale  $(\alpha_h, \alpha_v)$  sera ci-après appelé un couple. L'angle d'inclinaison horizontale  $\alpha_h$  est représenté en abscisses. L'angle d'inclinaison verticale  $\alpha_v$  est représenté en ordonnées.

La probabilité  $p(\alpha_h, \alpha_v/c_{xi}, c_{yi})$  pour que le choix d'un couple  $(\alpha_h, \alpha_v)$  soit pertinent connaissant les valeurs de décalage  $c_{xi}$  et  $c_{yi}$  peut être calculée selon la formule suivante:

$$p(\alpha_h, \alpha_v/c_{xi}, c_{yi}) = \frac{1}{Z} \sum_{\alpha_{rot}, v} p(v, \alpha_{rot}, \alpha_v, \alpha_h, c_{xi}, c_{yi}) \quad (4)$$

où Z est une constante de normalisation et  $p(v, \alpha_{rot}, \alpha_v, \alpha_h, c_x, c_y)$  est calculée selon la formule (1).

Le mode de mise en oeuvre du procédé de la présente invention pour cet exemple reprend les premier et second aspects décrits ci-dessus. Les branches issues d'une ramification sont au nombre de deux et contiennent le même nombre de couples. La ramification d'une branche se poursuit jusqu'à ce que le dernier couple choisi soit le seul couple choisi d'une des branches.

L'angle d'inclinaison horizontale  $\alpha_h$  peut prendre six valeurs comprises entre  $0^\circ$  et  $5^\circ$ , l'angle d'inclinaison verticale  $\alpha_v$  peut prendre quatre valeurs comprises entre  $0^\circ$  et  $3^\circ$ .

Pour simplifier le traitement informatique, le nombre de valeurs qu'un paramètre peut prendre, si ce n'est pas une puissance de deux, est augmenté à la puissance de deux immédiatement supérieure. La probabilité des couples dont un des paramètres correspond à une valeur ajoutée (non prévue initialement) est nulle.

Dans cet exemple, l'angle d'inclinaison horizontale  $\alpha_h$  peut prendre initialement six valeurs. On porte donc artificiellement le nombre de valeurs à 8 ( $2^3$ ), les valeurs possibles sont désormais  $0^\circ$  à  $7^\circ$ . Aucune augmentation du nombre de valeurs n'est effectuée pour l'angle d'inclinaison verticale  $\alpha_v$  pour lequel 4 ( $2^2$ ) valeurs sont possibles.

La figure 6A représente l'ensemble des couples  $(\alpha_h, \alpha_v)$  constituant la première branche B. De même que précédemment, on choisit un premier couple  $C_1$  ( $\alpha_{h1}=2, \alpha_{v1}=3$ ) et on affecte à l'ensemble des couples de la branche B la valeur de probabilité  $p_1$  calculée pour le premier couple  $C_1$ .

La figure 6B illustre une ramification possible de la branche B après le choix d'un second couple  $C_2$  ( $\alpha_{h2}=7, \alpha_{v2}=4$ ) de probabilité  $p_2$ . La branche B se ramifie en deux branches  $B_1$  et  $B_2$  selon une limite verticale 12 passant entre les valeurs  $3^\circ$  et  $4^\circ$  d'angle d'inclinaison horizontale. La branche  $B_1$  regroupe les couples ayant un angle d'inclinaison horizontale strictement inférieur à 4 ( $2^2$ ). La branche  $B_2$  regroupe les couples ayant un angle d'inclinaison horizontale supérieur à 4 ( $2^2$ ).

Selon un aspect du mode de mise en oeuvre du procédé de la présente invention pour cet exemple, la ramification d'une branche "mère" conduit à la création de deux branches selon une limite verticale. Dans le cas où il est impossible de définir une limite verticale, c'est-à-dire quand les couples de la branche "mère" ont tous la même valeur d'angle d'inclinaison horizontale  $\alpha_h$ , la division se fait selon une limite horizontale passant entre deux valeurs d'angle d'inclinaison verticale  $\alpha_v$ .

Les figures 6C et 6D illustrent une autre ramification possible de la branche B, le second couple choisi  $C_2'$  ( $\alpha_{v2'}=1, \alpha_{h2'}=1$ ) étant différent de  $C_2$ . La figure 6C illustre une première division de la branche B selon la même limite verticale 12 que celle précédemment définie. Le premier couple  $C_1$  et le second couple  $C_2'$  choisis appartiennent tous deux à la branche  $B_1$ . Les branches  $B_1$  et  $B_2$  prennent la valeur de probabilité  $p_1$  du premier couple  $C_1$  et on procède à une nouvelle ramification

de la branche  $B_1$  contenant le couple  $C_2$ , jusqu'à ce que les deux couples choisis  $C_1$  et  $C_2$ , soient dans des branches distinctes.

La figure 6D illustre la ramification de la branche  $B_1$  selon une limite horizontale 13 passant entre les valeurs  $1^\circ$  et  $2^\circ$  d'angle d'inclinaison verticale  $\alpha_v$ . La branche  $B_{1,1}$  regroupe les couples ayant une valeur d'angle d'inclinaison verticale supérieure ou égale à  $2$ . La branche  $B_{1,2}$  regroupe quand à elle les couples ayant une valeur d'angle d'inclinaison verticale strictement inférieure à  $2$ . La branche  $B_{1,2}$  prend la valeur de probabilité  $p_2$  du second couple  $C_2$ , et la branche  $B_{2,2}$  la valeur de probabilité  $p_1$ .

Selon un autre aspect du mode de mise en oeuvre du procédé de la présente invention pour cet exemple, les ramifications successives d'une branche "mère" s'effectuent successivement selon une limite verticale et une limite horizontale jusqu'à ce que la nouvelle combinaison choisie soit la seule des combinaisons choisies à appartenir à une branche "fille" donnée.

#### 1.4. Valeurs de probabilité normalisées

Les valeurs de probabilité, par exemple  $p(XS_1, XS_2, XS_n)$ , obtenues à partir de la formule (3) sont en fait définies à une constante près, la constante de normalisation  $Z$ . Cette constante peut être calculée seulement quand les valeurs de probabilité de toutes les combinaisons  $(XS_1, XS_2, XS_n)$  sont connues et ont été calculées sans tenir compte de  $Z$  ( $Z$  prise égale à 1). La constante de normalisation  $Z$  est alors égale à la somme de toutes les valeurs de probabilité.

En pratique, on ne calcule que très peu de valeurs de probabilité lors de la construction de la représentation de la distribution de probabilité. Les valeurs de probabilité calculées pour les combinaisons choisies ne sont pas normalisées.

La présente invention prévoit de définir une constante de normalisation intermédiaire  $Z_i$  qui soit une estimation de la constante de normalisation  $Z$ . La constante de normalisation  $Z_i$



est calculée durant la construction de la représentation de la distribution de probabilité. Elle est égale à la somme des valeurs de probabilité de toutes les combinaisons, la valeur de probabilité d'une combinaison étant celle affectée à la branche contenant la combinaison considérée.

5 Afin de calculer aisément la constante de normalisation intermédiaire  $Z_i$ , la présente invention prévoit d'affecter à chaque branche une pondération. La pondération des branches des dernières ramifications est égale au produit de la valeur de probabilité affectée à la branche considérée et du nombre de combinaisons de cette branche. La pondération d'une 10 des autres branches est égale à la somme des pondérations des branches issues de la branche considérée et se trouvant sur le niveau de ramification suivant. La pondération de la première 15 branche est alors égale à la constante de normalisation intermédiaire  $Z_i$ .

Les pondérations sont réactualisées lors d'une ramification d'une des branches terminales de l'arbre de construction. Les pondérations des branches se trouvant entre la 20 première branche et la branche terminale se ramifiant doivent être recalculées.

Ainsi, pour l'exemple de construction de la représentation de la distribution de probabilité des vitesses représentée en figures 4B à 4G, la pondération de la branche  $B_1$  25 à l'issue de la première étape, figure 4B, vaut  $16 \cdot p_1$ . A l'issue de la deuxième étape, figure 4C, les pondérations des nouvelles branches  $B_1$  et  $B_2$  valent respectivement  $8 \cdot p_1$  et  $8 \cdot p_2$ , la pondération de la branche B est réactualisée et vaut désormais  $8 \cdot p_1 + 8 \cdot p_2$ . A l'issue de la troisième étape, figure 4D, les 30 pondérations des branches  $B_{1,1}$  et  $B_{1,2}$  valent toutes deux  $4 \cdot p_1$ , et la pondération des branches  $B_1$  et B reste inchangée (respectivement  $4 \cdot p_1 + 4 \cdot p_1 = 8 \cdot p_1$  et  $(4 \cdot p_1 + 4 \cdot p_1) + 8 \cdot p_1 = 16 \cdot p_1$ ) car les valeurs de probabilité affectées aux différentes vitesses n'ont pas changé, seule la division des valeurs de vitesse a 35 changé. A l'issue de la quatrième étape, figure 4E, les

pondérations des branches  $B_{1,2,1}$  et  $B_{1,2,2}$  valent respectivement  $2 \cdot p_1$  et  $2 \cdot p_3$ , la pondération de la branche  $B_{1,2}$  vaut désormais  $2 \cdot p_1 + 2 \cdot p_3$ , la pondération de la branche  $B_1$  vaut  $4 \cdot p_1 + (2 \cdot p_1 + 2 \cdot p_3)$  et la pondération de la branche  $B$  vaut  $(4 \cdot p_1 + (2 \cdot p_1 + 2 \cdot p_3)) + 8 \cdot p_2$ .

5 Un avantage du procédé de la présente invention est qu'il permet de connaître rapidement la valeur de probabilité normalisée d'une vitesse car il n'est pas nécessaire de calculer toutes les valeurs de probabilité.

#### 1.5. Avantages

10 Le procédé de la présente invention permet de représenter des distributions de probabilité très diverses contrairement à la méthode de "mélange de gaussiennes".

Le procédé de la présente invention permet d'obtenir une représentation plus ou moins détaillée en fonction de la  
15 mémoire disponible et du temps de calcul imparti.

De plus, la mise en oeuvre d'un procédé optimisé pour le choix des combinaisons permet d'obtenir en très peu de temps, une représentation occupant peu de mémoire et présentant une précision suffisante pour les zones de l'espace  $E$  où les  
20 combinaisons présentent des valeurs de probabilité élevées. Le procédé de la présente invention est ainsi "multi résolution" dans le sens où le découpage de l'espace  $E$  peut être très fin pour certaines parties et grossier pour d'autres.

Cette caractéristique "multi résolution" du procédé de  
25 la présente invention permet, contrairement aux représentations existantes, de construire en relativement peu de temps et en utilisant des mémoires de tailles raisonnables, des représentations de distributions de probabilité d'un grand nombre de paramètres de commande ou de paramètres pouvant  
30 prendre un grand nombre de valeurs.

#### 2. SELECTION

Des modes de sélection connus d'une des combinaisons à partir d'une représentation de la distribution de probabilité des combinaisons consistent à choisir une des combinaisons  
35 présentant la probabilité maximale ou de choisir une combinaison

par tirage aléatoire dont le principe sera rappelé ci-après. On pourra néanmoins définir d'autres critères de sélection tels que le choix d'une des combinaisons ayant une valeur de probabilité prédéterminée ou le choix d'une des combinaisons ayant une  
5 valeur de probabilité comprise entre deux valeurs de probabilité données.

### 2.1. Choix d'une combinaison de probabilité maximale

Selon un mode de mise en oeuvre du procédé de la présente invention, un registre mémoire est utilisé pour stocker  
10 une indication de la ou les branches présentant la valeur de probabilité maximale. Le registre mémorise initialement la première branche de l'arbre de construction, puis il est mis à jour durant la construction de la représentation de la distribution de probabilité. A chaque ramification d'une  
15 branche, on regarde si la valeur de probabilité de la dernière combinaison choisie est supérieure à la valeur de probabilité de la branche mémorisée par le registre et si c'est le cas, le registre est remis à jour et mémorise la nouvelle branche contenant la dernière combinaison choisie.

20 Dans le cas où la branche de probabilité maximale se ramifie et donne une ou plusieurs branches "filles" de même probabilité, le registre est réactualisé et mémorise toutes les branches "filles".

Le choix d'une combinaison consiste ensuite à  
25 identifier la branche mémorisée par le registre contenant le plus grand nombre de combinaisons et à choisir ensuite une des combinaisons de cette branche.

### 2.2 Sélection par tirage aléatoire

Un tirage aléatoire consiste à choisir une des  
30 combinaisons possibles d'une façon telle qu'une combinaison présentant une probabilité élevée a de fortes chances d'être choisie et une combinaison présentant une probabilité faible a peu de chance d'être choisie. A la suite d'un grand nombre de tirages aléatoires, la distribution de probabilité des  
35 combinaisons "tirées" est identique à la distribution de

probabilité des combinaisons initiale sur laquelle s'appuie le procédé de tirage aléatoire.

Selon un mode de mise en oeuvre du procédé de la présente invention, le tirage aléatoire d'une combinaison est  
5 effectué selon un procédé de sélection récursif utilisant l'arbre de construction de la représentation de la distribution de probabilité.

En partant de la première branche, on choisit une deuxième branche, puis une troisième branche et ainsi de suite  
10 jusqu'à élire une branche terminale de l'arbre de construction. Pour ce faire, on choisit une deuxième branche en faisant un tirage aléatoire parmi les deuxièmes branches. Les deuxièmes branches présentant les probabilités les plus élevées ont plus de chance d'être choisies et inversement. On choisit de même une  
15 des troisième branches issues de la deuxième branche choisie en faisant un tirage aléatoire entre ces troisième branches et ainsi de suite.

Dans le cas où chaque branche se ramifie en deux branches, le procédé de la présente invention comprend plusieurs  
20 étapes décrites ci-après.

Dans une première étape du procédé, on choisit aléatoirement un nombre  $p$  compris entre 0 et 1 inclus.

Dans une deuxième étape, on calcule la somme  $S$  des valeurs de probabilité affectées aux 2 branches "filles" issues  
25 de la ramification de la première branche. Puis on calcule pour chaque branche "fille", une nouvelle valeur de probabilité égale au rapport entre la valeur de probabilité affectée à la branche considérée et la somme  $S$  calculée.

Dans une troisième étape, on définit deux intervalles  
30 de probabilité contigus entre 0 et 1, le premier intervalle étant associé à une première branche fille, le second intervalle étant associé à la seconde branche fille. Le premier intervalle va de 0 à la valeur de probabilité de la première branche fille incluse et le second intervalle va de cette valeur de  
35 probabilité à 1.

Dans une quatrième étape, on identifie dans quel intervalle se trouve le nombre  $p$  et on sélectionne la branche "fille" associée à cet intervalle.

5 Dans le cas où la branche "fille" sélectionnée se ramifie en d'autres branches, on reprend le procédé récursif à la première étape, la première branche étant remplacée par la branche "fille" sélectionnée. On pourra éventuellement reprendre le premier nombre  $p$  choisi.

10 Dans le cas où la branche "fille" sélectionnée ne se ramifie pas en d'autres branches, le procédé récursif s'arrête et on choisit une des combinaisons de la branche "fille" sélectionnée.

15 Le procédé de sélection récursif susmentionné est utilisé dans l'exemple du système voiture/camion pour choisir une vitesse ou un couple d'angles d'inclinaison  $(\alpha_v, \alpha_h)$ .

Un avantage du procédé de la présente invention est que le procédé de tirage aléatoire est simple et facile à mettre en oeuvre.

### 2.3 Mémorisation de l'arbre

20 Une fois la décision prise, l'arbre de construction peut être effacé de la mémoire. Néanmoins, on pourra prévoir, pour des systèmes tels que la voiture et le camion, de conserver dans une mémoire "cache" les arbres de construction obtenus successivement après différents relevés des paramètres de  
25 mesure. On pourra mémoriser les arbres de construction le plus souvent utilisés.

Dans le cas où une distribution de probabilité est souvent utilisée, on peut affiner sa représentation en poursuivant la ramification de l'arbre de construction de cette  
30 représentation. Dans l'exemple voiture/camion, on pourra continuer la ramification de l'arbre pendant le temps imparti entre le relevé des valeurs de  $c_x$  et  $c_y$  et le moment où il faut choisir les valeurs de  $\alpha_{rot}$ ,  $v$ ,  $\alpha_v$ , et  $\alpha_h$ .

35 De même, dans le cas où une distribution de probabilité a été à un moment donné beaucoup utilisée puis un

peu moins par la suite, on peut diminuer la précision de la représentation de la distribution de probabilité en supprimant plus ou moins de branches terminales de l'arbre de construction.

Dans le cas où l'on choisit de calculer une pondération pour chaque branche afin de connaître la constante de normalisation intermédiaire telle que définie précédemment, on réactualisera les valeurs des pondérations des branches se trouvant entre la première branche et la ou les branches que l'on supprime.

Un avantage du procédé de la présente invention est qu'il permet d'affiner ou de simplifier une représentation d'une distribution de probabilité. Ceci permet de mettre en oeuvre des stratégies de mémorisation de représentations de différentes distributions de probabilité afin d'améliorer globalement les choix de combinaisons successifs.

### 3. EXEMPLES D'APPLICATION

#### 3.1. Diagnostic d'une panne

La figure 7 représente un dispositif électrique qui comprend plusieurs composants entre une entrée I et une sortie O, chaque composant étant capable de laisser passer une partie du courant K d'entrée quand il fonctionne, aucun courant ne circulant quand le composant est en panne.

Un composant A est placé entre l'entrée I et un premier point intermédiaire 100. Le courant KA en sortie du composant A est égal à 100% du courant K quand le composant fonctionne (et égal à 0% du courant K quand le composant est en panne).

Des composants B et C sont placés en parallèle entre le premier point intermédiaire 100 et un second point intermédiaire 101. Le courant de sortie KB du composant B est au maximum égal à 40% du courant K quand le composant B fonctionne.

Le composant C est constitué de deux composants C<sub>1</sub> et C<sub>2</sub> en parallèle. Chaque composant C<sub>1</sub> et C<sub>2</sub> peut laisser passer jusqu'à 30% du courant K. Le courant de sortie KC du composant C peut donc être égal à 0%, 30%, ou 60% du courant K, selon que

les deux composants sont défaillants, qu'un seul composant est défaillant ou que les deux composants fonctionnent.

Un composant D est placé entre le point 101 et la sortie O. Le composant D est constitué de huit composants  $D_1$  à  $D_8$  en parallèle. Chaque composant  $D_1$  à  $D_8$  peut laisser passer jusqu'à 15% du courant K quand il fonctionne. De plus, il est nécessaire qu'au moins six des composants  $D_1$  à  $D_8$  fonctionnent pour que le composant D fonctionne.

Le courant KBC entrant dans le composant D est égal à la somme du courant KB et du courant KC. Le courant KBC peut être égal à 0%, 30% (seul  $C_1$  ou  $C_2$  fonctionne), 40% (seul B fonctionne), 60% ( $C_1$  et  $C_2$  fonctionnent), 70% ( $C_1$  ou  $C_2$  et B fonctionnent) ou 100% ( $C_1$ ,  $C_2$  et B fonctionnent) du courant K.

Le courant KD de sortie du composant D peut être égal à 0%, 30%, 40%, 60%, 70% (KBC est respectivement égal à 0%, 30%, 40%, 60%, 70% du courant K et au moins six des composants  $D_1$  à  $D_8$  fonctionnent), 90% (KBC est égal à 100% du courant K et 6 composants  $D_1$  à  $D_8$  fonctionnent) ou 100% (KBC est égal à 100% du courant K et au moins 7 composants  $D_1$  à  $D_8$  fonctionnent) du courant K.

Chaque composant A, B,  $C_1$ ,  $C_2$  et  $D_1$  à  $D_8$  peut être considéré comme étant un paramètre du dispositif pouvant prendre la valeur 0 quand le composant est en panne et 1 quand le composant fonctionne. Les courants de sortie KA, KB, KC, KBC et KD sont aussi considérés comme étant des paramètres du dispositif pouvant prendre plus ou moins de valeurs. Ainsi KA et KB peuvent prendre la valeur 0 ou 1 selon que le courant vaut respectivement 0% ou 100% du courant K. KC peut prendre les valeurs 0, 1 ou 2 selon que le courant vaut respectivement 0%, 30% ou 60% du courant K. KBC peut prendre les valeurs 0, 1, 2, 3, 4 ou 5 selon que le courant vaut respectivement 0, 30, 40, 60, 70 ou 100% du courant K. KD peut prendre les valeurs 0 à 7 selon que le courant vaut respectivement 0, 30, 40, 60, 70, 90 ou 100% du courant K.

La probabilité  $p(A, B, C_1, C_2, D_1, \dots, D_8, KA, KB, KC, KBC, KD)$  pour qu'une combinaison donnée de tous les paramètres soit pertinente est définie comme suit :

$$p(A, B, C_1, C_2, D_1, \dots, D_8, KA, KB, KC, KBC, KD) =$$

$$p(A)p(B)p(C_1)p(C_2)p(D_1)p(D_2)p(D_3)p(D_4)p(D_5)p(D_6)p(D_7)p(D_8)$$

$$p(KA)p(KB)p(KC)p(KBC)p(KD)p(KA/A)p(KB/B, KA)p(KC/C, KA)$$

$$p(KBC/KB, KC)p(KD/KBC, D) \quad (4)$$

où

$p(A)$ ,  $p(B)$ ,  $p(C_1)$ ,  $p(C_2)$ ,  $p(D_1)$  à  $p(D_8)$ ,  $p(KA)$ ,  $p(KB)$ ,  $p(KC)$ ,  
 10  $p(KBC)$ , et  $p(KD)$  sont respectivement les probabilités pour que  
 $A$ ,  $B$ ,  $C_1$ ,  $C_2$ ,  $KA$ ,  $KB$ ,  $KC$ ,  $KBC$  et  $KE$  aient une valeur donnée,  
 $p(KA/A)$  est la probabilité pour que  $KA$  ait une valeur donnée  
 connaissant la valeur de  $A$ ,  
 $p(KB/B, KA)$  est la probabilité pour que  $KB$  ait une valeur donnée  
 15 connaissant la valeur de  $B$  et de  $KA$ ,  
 $p(KC/C, KA)$  est la probabilité pour que  $KC$  ait une valeur donnée  
 connaissant la valeur de  $C$  et de  $KA$ ,  
 $p(KBC/KB, KC)$  est la probabilité pour que  $KBC$  ait une valeur  
 donnée connaissant la valeur de  $KB$  et de  $KC$ ,  
 20  $p(KD/KBC, D)$  est la probabilité pour que  $KD$  ait une valeur donnée  
 connaissant la valeur de  $KBC$  et de  $D$ .

Les probabilités simples  $p(A)$  à  $p(KD)$  peuvent être  
 définies à partir de bases de données relevant les cas de panne  
 apparus lors de tests réalisés par l'entreprise fabricant le  
 25 dispositif. Les probabilités conditionnelles  $p(KA/A)$  à  
 $p(KD/KBC, D)$  peuvent facilement être définies à partir de la  
 description du dispositif. Par exemple:

$$p(KA=0\%/A=0)=1$$

$$p(KA=100\%/A=0)=0$$

$$p(KA=0\%/A=1)=0$$

$$p(KA=100\%/A=1)=1$$

Lors d'un diagnostic de panne du dispositif, on peut  
 mesurer le courant en un point du dispositif ( $KA$ ,  $KB$ ,  $KC$ ,  $KBC$  ou  
 $KD$ ) et/ou regarder l'état de fonctionnement d'un ou de plusieurs  
 35 des composants du dispositif ( $A$ ,  $B$ ,  $C_1$ ,  $C_2$ ,  $D_1$  à  $D_8$ ). Une fois



un ou plusieurs courants relevés et/ou un ou plusieurs composants analysés, on peut déterminer quels sont le ou les composants susceptibles d'être en panne (diagnostic 1) ou déterminer quel est le courant susceptible de circuler en un point du dispositif (diagnostic 2).

Selon le diagnostic réalisé, les paramètres A, B, C<sub>1</sub>, C<sub>2</sub>, D<sub>1</sub> à D<sub>8</sub>, KA, KB, KC, KBC et KC peuvent être soit des paramètres spécifiques dont on souhaite déterminer la valeur, soit des paramètres de mesure car une mesure du courant ou de l'état de fonctionnement est réalisée, soit des paramètres non retenus car on ne souhaite pas déterminer leur valeur et on ne fait aucune mesure de leur valeur.

Dans le diagnostic 1, les paramètres de mesure sont un ou plusieurs courants, par exemple KBC, et les paramètres spécifiques sont un ou plusieurs composants, dans cet exemple les composants A, B, C<sub>1</sub> et C<sub>2</sub> situés en amont du courant KBC. Après un relevé de la valeur du courant KBC, on construit selon le procédé de la présente invention, une représentation de la distribution de probabilité des combinaisons de valeurs des paramètres A, B, C<sub>1</sub> et C<sub>2</sub>, connaissant la valeur du paramètre de mesure KBC. La probabilité  $p(A, B, C_1, C_2 / KBC)$  pour qu'une combinaison (A, B, C<sub>1</sub>, C<sub>2</sub>) représente l'état du dispositif connaissant la valeur de KBC peut être calculée comme précédemment en faisant la somme de toutes probabilités  $p(A, B, C_1, C_2, D_1, \dots, D_8, KA, KB, KC, KBC, KE)$  pour toutes les valeurs des paramètres non retenus dans cette inférence (D<sub>1</sub> à D<sub>8</sub>, KA, KB, KC, KD). On cherchera dans un premier temps à identifier une première combinaison, celles présentant la probabilité maximale afin d'effectuer une première réparation. Si cette réparation s'avère insuffisante ou infondée, on identifiera une deuxième combinaison présentant la probabilité la plus élevée après la première combinaison et ainsi de suite.

Dans le diagnostic 2, le paramètre de commande sera le courant que l'on souhaite connaître, par exemple KBC, les paramètres de mesure peuvent être un ou plusieurs des autres

paramètres. Après un relevé de la valeur des paramètres de mesure, on construira, selon le procédé de la présente invention, une représentation la distribution de probabilité des valeurs possibles du courant KBC. On sélectionne ensuite la

5 valeur du courant KBC présentant la probabilité maximale.

### 3.2 Reconnaissance de chiffres

La figure 8 représente une image 200 d'un chiffre écrit à la main que l'on souhaite identifier. L'image est décomposée en 64 carrés ou pixels de tailles identiques. Pour

10 chaque pixel, on mesure sur une échelle de 0 à 16, un niveau de gris représentant la surface occupée par les traits du chiffre dans le pixel considéré.

Le système comprend un seul paramètre à déterminer (ou paramètre spécifique) CHIFFRE pouvant prendre les valeurs 0 à 9

15 et 64 paramètres de mesure Pix[i], i étant un entier compris entre 1 et 64, pouvant prendre chacun les valeurs 0 à 15.

La probabilité  $p(\text{CHIFFRE}, \text{Pix}[1], \dots, \text{Pix}[64])$  pour qu'une combinaison donnée de valeurs de tous les paramètres soit possible, est définie comme suit :

20 
$$p(\text{CHIFFRE}, \text{Pix}[1], \dots, \text{Pix}[64]) =$$

$$p(\text{CHIFFRE}) * p(\text{Pix}[1]/\text{CHIFFRE}) * \dots * p(\text{Pix}[64]/\text{CHIFFRE}) \quad (5)$$

où  $p(\text{CHIFFRE})$  est la probabilité d'avoir un chiffre donné, et  $p(\text{Pix}[i]/\text{CHIFFRE})$  est la probabilité d'avoir un niveau de gris donné pour le pixel Pix[i] connaissant le chiffre.

25 On considère, de façon générale, que les chiffres 0 à 9 sont équiprobables et donc que  $p(\text{CHIFFRE})$  est égale à 1/10. Les probabilités conditionnelles  $p(\text{Pix}[i]/\text{CHIFFRE})$  sont définies à l'issue d'une phase d'apprentissage consistant à mesurer les niveaux de gris de chaque pixel pour différents modèles de

30 chiffres manuscrits. Chaque probabilité  $p(\text{Pix}[i]/\text{CHIFFRE})$  peut être définie par un histogramme (à 16 colonnes) normalisé selon la loi de Laplace.

La reconnaissance d'un chiffre comprend une première phase de mesure du niveau de gris de chaque pixel. Dans une

35 deuxième phase, on construit à partir de la formule (5) et du

procédé de la présente invention une représentation de la distribution de probabilité des chiffres connaissant les niveaux de gris de chaque pixel. Le choix d'un chiffre consiste à identifier le chiffre présentant la probabilité maximale.

5                   3.3 Evaluation d'un coût de transport

Une société de transport maritime achemine par cargo des marchandises d'un port européen vers un autre port. Les marchandises transportées pouvant être très diverses : denrées alimentaires, médicaments, appareils électriques ou vêtements.

10 Différentes sortes de containers sont utilisés pour le stockage des marchandises dans le cargo et dans le port d'arrivée. Les conteneurs peuvent être réfrigérants et plus ou moins grands.

La société de transport maritime souhaite établir rapidement, lors d'une conversation téléphonique par exemple,

15 des devis de frais de transport sachant quels sont les ports de départ (PortDep) et d'arrivée (PortArr), le type de marchandise transportée (Mar), le conteneur utilisé (Cont), le client (Cl) et le mois (M) pendant lequel aura lieu le transport. Ces paramètres, renseignés préalablement à l'établissement du devis,

20 constituent les paramètres de mesure du système de transport.

Par ailleurs, la société dispose de tout un ensemble d'informations concernant notamment le temps de préparation des conteneurs dans le port européen de départ (TdP), le temps de transport maritime (TdTM) (aller ou retour, les conteneurs sont

25 pleins à l'aller et vides au retour), le temps d'attente du conteneur dans le port d'arrivée (TdA), le temps de déchargement du conteneur chez le client (TdDC), le temps de reconditionnement des conteneurs à leur retour en Europe (TdRE), les temps étant comptés en jours.

30 De même, on dispose d'informations concernant le coût journalier de la location d'un conteneur (CdLJ), le coût journalier d'immobilisation d'un conteneur pour son reconditionnement (CdIJ), le coût du transport maritime (CdTM), le coût de la réparation d'un conteneur (CdR).

Le coût total du transport (CT) est la somme du coût total de la location du conteneur ( $CdLT = CdLJ * (TdP + 2 * TdTM + TdA + TdDC + TdRE)$ ), du coût total d'immobilisation d'un conteneur ( $CdIT$ ), du coût du transport maritime ( $CdTM = CdIT * TdRE$ ), du coût d'équilibrage des charges dans le cargo ( $CdE$ ), et du coût de la réparation d'un conteneur ( $CdR$ ).

Le modèle de la distribution de probabilité conjointe de tous les paramètres précédemment définis est construit à partir des distributions de probabilité indépendantes définies pour chaque paramètre temporel ( $TdP$ ,  $TdTM$ ,  $TdA$ ,  $TdDC$  et  $TdRE$ ), et pour chaque paramètre de coût ( $CdLT$ ,  $CdIT$ ,  $CdTM$ ,  $CdE$ ,  $CdR$ , CT). Les valeurs de probabilité sont obtenues à partir d'un ensemble de données acquises au fur et à mesure de la vie de l'entreprise. Par exemple, les distributions de probabilité des temps de préparation des conteneurs dans le port de départ ( $TdP$ ) connaissant la nature de la marchandise (Mar) sont une famille de gaussiennes. Les distributions de probabilité des coûts de transport maritime ( $CdTM$ ) connaissant le type de conteneur (Cont), le port de départ (PortDep), le port d'arrivée (PortArr), et la marchandise transportée (Mar) sont des fonctions de Dirac.

De façon générale, on souhaite définir le coût total du transport (CT) sans détailler les coûts intermédiaires. Dans ce cas, il y a qu'un seul paramètre à déterminer (ou paramètre spécifique) : le coût total (CT). De façon à donner rapidement un coût total, on construit selon le procédé de la présente invention, une représentation de la distribution de probabilité des coûts totaux CT possibles connaissant les paramètres de mesure (PortDep, PortArr, Mar, Cont, Cl et M). Le vendeur souhaite dans un premier temps connaître quel est le coût maximal, par exemple 2000 euros. Il fait alors un premier devis en prenant éventuellement une marge de 10% par rapport au coût maximal et propose alors 2200 euros. Dans le cas où le client n'accepte pas prix, le vendeur peut alors estimer quel est le coût moyen ou quelle est la plage de coûts contenant par exemple

90% des valeurs de coûts possibles. Le coût moyen peut être aisément calculer en divisant la constante de normalisation intermédiaire  $Z_i$  par le nombre de coûts totaux possibles. Le vendeur fera alors un second devis en prenant une marge éventuellement plus faible par rapport au coût moyen ou par rapport à un des coûts de la plage de coûts.

Le devis établi peut aussi détailler l'ensemble des coûts, dans ce cas les paramètres de commande de mesure du système sont (CdLT, CdIT, CdTM, CdE, CdR). Le coût total est alors calculé à partir de la combinaison de coûts retenue.

Cet exemple d'application montre qu'à partir d'une représentation, on peut aisément déterminer la combinaison de probabilité maximale, calculer la valeur moyenne et l'écart type des valeurs d'un paramètre et sélectionner une des combinaisons présentant une probabilité donnée. Le procédé de la présente invention permet donc de mettre en oeuvre aisément plusieurs critères de sélection.

Bien entendu, la présente invention est susceptible de diverses variantes et modifications qui apparaîtront à l'homme de l'art. En particulier, l'homme de l'art saura définir le procédé de ramification d'une branche le plus adapté au système étudié. De même, l'homme de l'art saura définir de nouveaux critères de sélection d'une combinaison à partir de la représentation en forme d'arbre de la distribution de probabilité.

### REVENDICATIONS

1. Procédé de détermination de la valeur à donner à un ensemble de paramètres spécifiques d'un système à partir des valeurs d'un ensemble de paramètres de mesure de ce système, chacun des paramètres pouvant prendre un nombre fini de valeurs, le système étant associé à un moyen pour fournir une valeur de probabilité pour toute combinaison de valeurs des paramètres spécifiques, ladite valeur de probabilité étant d'autant plus élevée que le choix de la combinaison considérée est pertinent connaissant la valeur des paramètres de mesure, caractérisé en ce qu'il comprend les étapes suivantes :
- relever la valeur de chaque paramètre de mesure ;
  - construire une représentation en forme d'arbre de la distribution de probabilité de toutes les combinaisons possibles de valeurs des paramètres spécifiques correspondant aux valeurs relevées,
- l'ensemble des combinaisons, constituant une première branche, étant divisé en plusieurs sous-ensembles de combinaisons, constituant des deuxième branches, chaque sous-ensemble regroupant des combinaisons ayant des valeurs de paramètres spécifiques proches, chaque deuxième branche pouvant se diviser en plusieurs troisième branches de façon similaire et ainsi de suite,
- une valeur de probabilité étant affectée à chaque branche, cette valeur de probabilité étant celle obtenue pour une des combinaisons de la branche considérée ou pour une des combinaisons d'une des branches dont est issue la branche considérée ;
- choisir selon un critère de sélection prédéfini une des combinaisons de valeurs des paramètres spécifiques à partir de la représentation de la distribution de probabilité en forme d'arbre précédemment construite.

2. Procédé selon la revendication 1, dans lequel les branches issues de la division d'une même branche sont au nombre de deux et contiennent le même nombre de combinaisons, la

première branche se divisant en deux deuxièmes branches, chaque deuxième branche pouvant se diviser en deux troisièmes branches et ainsi de suite.

3. Procédé selon la revendication 2, dans lequel la division d'une branche en deux branches comprend les étapes suivantes :

a) choisir une combinaison différente des combinaisons ayant déjà servi à définir la valeur de probabilité des branches existantes et calculer la probabilité de cette combinaison choisie ;

b) diviser la branche dite "mère" contenant la combinaison choisie en deux branches dites "filles" ; et

dans le cas où la combinaison choisie et la combinaison "mère" ayant servi à définir la valeur de probabilité de la branche mère appartiennent à la même branche fille, attribuer aux deux branches filles la valeur de probabilité de la branche mère et diviser la branche fille contenant la combinaison choisie en reprenant le procédé à l'étape b), cette branche fille devenant la branche mère, et

dans le cas où la combinaison choisie et la combinaison mère n'appartiennent pas à la même branche fille, attribuer la valeur de probabilité de la combinaison choisie à la branche fille contenant la combinaison choisie et attribuer la valeur de probabilité de la combinaison mère à l'autre branche fille.

4. Procédé selon la revendication 1, dans lequel le critère de sélection consiste à choisir une des combinaisons présentant la probabilité maximale.

5. Procédé selon la revendication 2, dans lequel la sélection d'une combinaison consiste à mettre en oeuvre le procédé récursif comprenant les étapes suivantes :

a) choisir aléatoirement un nombre  $p$  compris entre 0 et 1 ;

b) calculer la somme des valeurs de probabilité affectées aux deux branches dites filles issues de la division

de la première branche, et calculer pour chaque branche fille, une nouvelle valeur de probabilité égale au rapport entre la valeur de probabilité affectée à cette branche fille et la somme calculée ;

5           c) définir deux intervalles de probabilité contigus entre 0 et 1, le premier intervalle étant associé à une première branche fille, le second intervalle étant associé à la seconde branche fille, le premier intervalle allant de 0 à la valeur de probabilité de la première branche fille incluse et le second  
10 intervalle allant de cette valeur de probabilité à 1 ;

          d) identifier dans quel intervalle se trouve le nombre p et sélectionner la branche fille associée à cet intervalle, et  
          dans le cas où la branche fille sélectionnée se ramifie en d'autres branches, reprendre le procédé récursif à  
15 l'étape a) la première branche étant remplacée par la branche fille sélectionnée, sinon

          e) choisir une des combinaisons de la branche fille sélectionnée.

20           6. Procédé selon la revendication 1, dans lequel le critère de sélection consiste à choisir une des combinaisons ayant une valeur de probabilité prédéterminée ou comprise entre deux valeurs de probabilité données.

          7. Procédé selon la revendication 1, dans lequel les valeurs de probabilité affectées à chaque branche ne sont pas  
25 normalisées et peuvent être supérieures à un.

          8. Procédé selon la revendication 7, dans lequel une pondération est affectée à chaque branche, la pondération des branches des dernières ramifications étant égale au produit de la valeur de probabilité affectée à cette branche et du nombre  
30 de combinaisons de cette branche, la pondération des autres branches étant égale à la somme des pondérations des branches issues de la branche considérée et se trouvant sur le niveau de ramification suivant.

          9. Procédé selon la revendication 8, dans lequel la  
35 valeur de probabilité affectée à chaque branche peut être

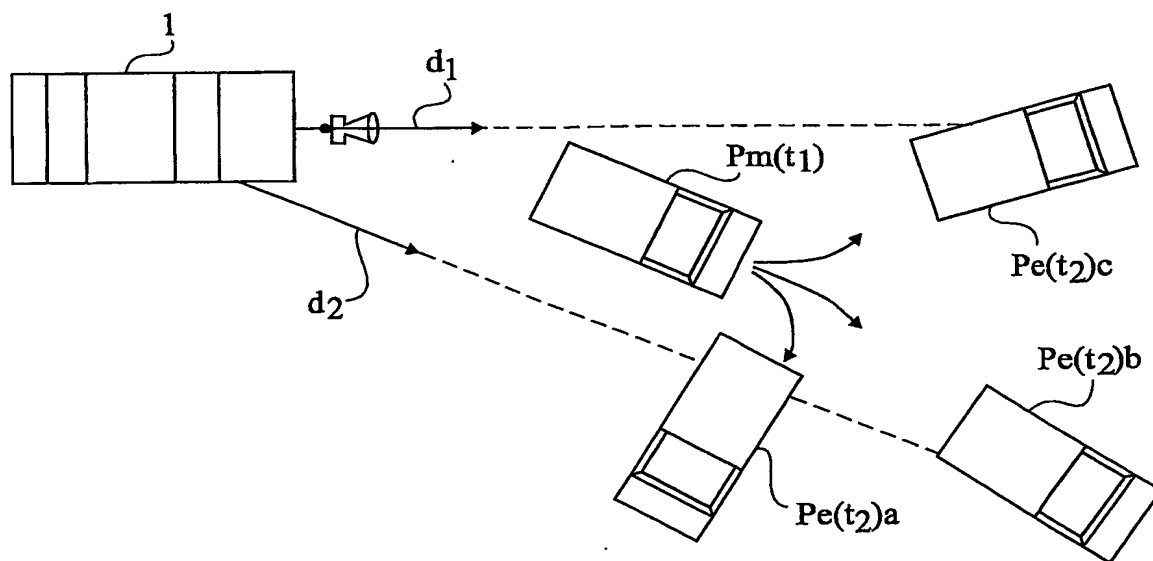
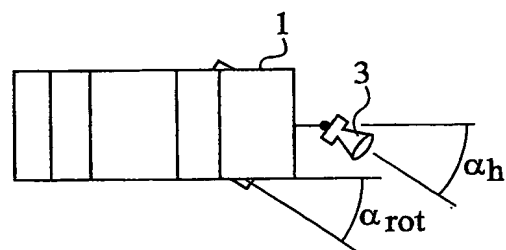
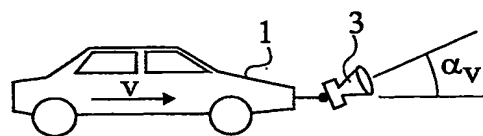
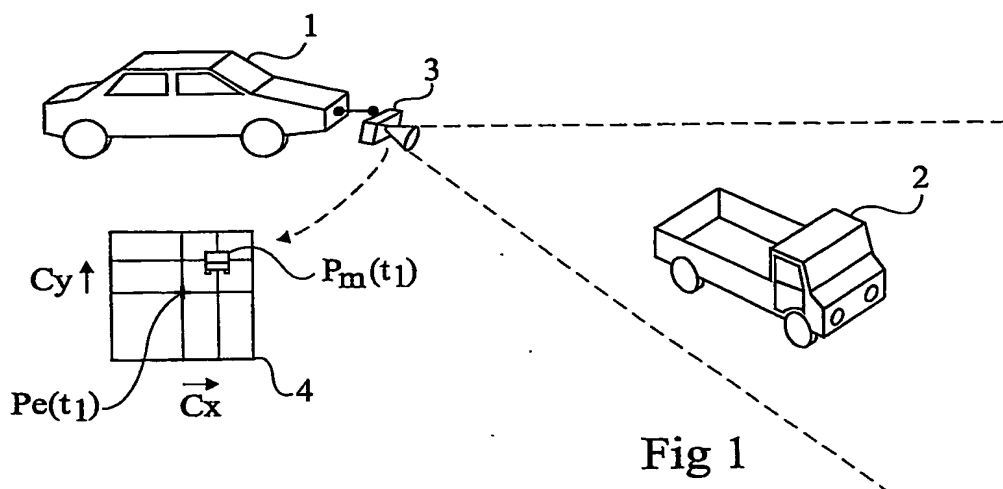


normalisée, la valeur de probabilité normalisée d'une branche étant obtenue en divisant la valeur de probabilité de cette branche par la pondération affectée à la première branche de l'arbre.

5           10. Procédé selon la revendication 3, dans lequel le choix d'une combinaison est effectué en mettant en oeuvre un procédé produisant des combinaisons ayant des valeurs de probabilité élevées.

10           11. Procédé selon la revendication 1, dans lequel la représentation de la distribution de probabilité de toutes les combinaisons est mémorisée et peut être affinée ultérieurement par la création de branches supplémentaires, ou peut être simplifiée par la suppression de certaines branches.

15           12. Procédé selon la revendication 1, dans lequel le nombre de valeurs pouvant être prises par un paramètre est artificiellement augmenté, la valeur de probabilité d'une combinaison de valeurs de paramètres de commande dont au moins une valeur d'un des paramètres correspond à une valeur ajoutée est nulle.



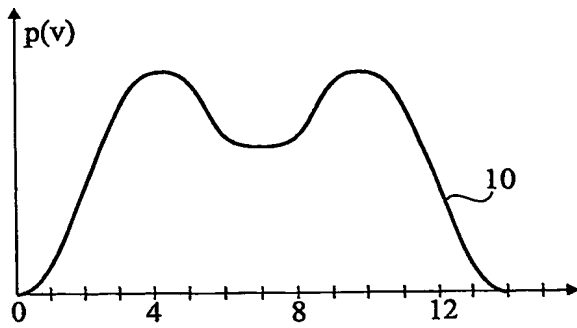


Fig 4A

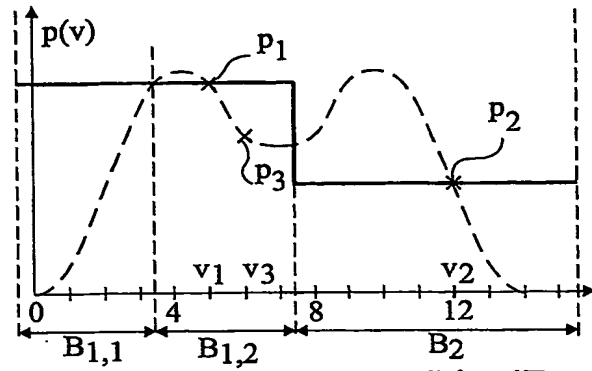


Fig 4D

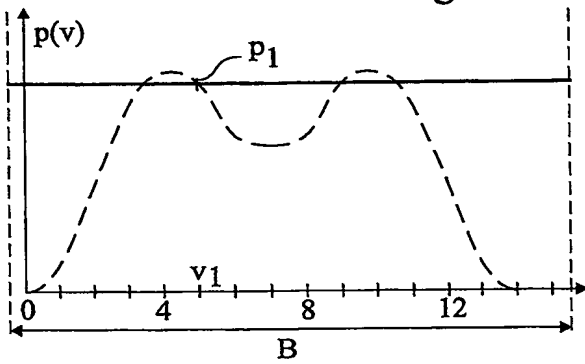


Fig 4B

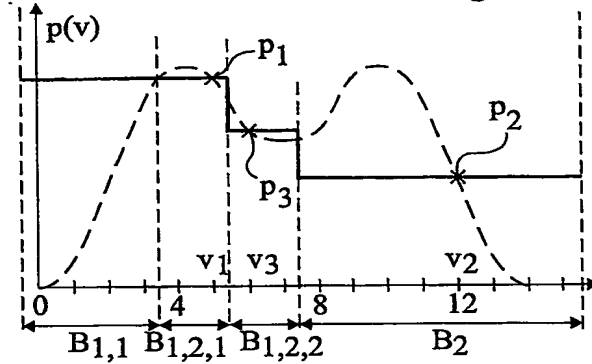


Fig 4E

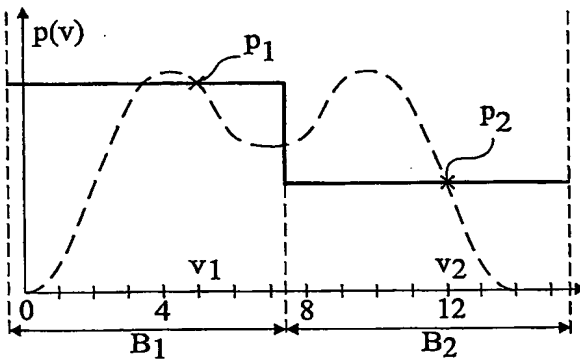


Fig 4C

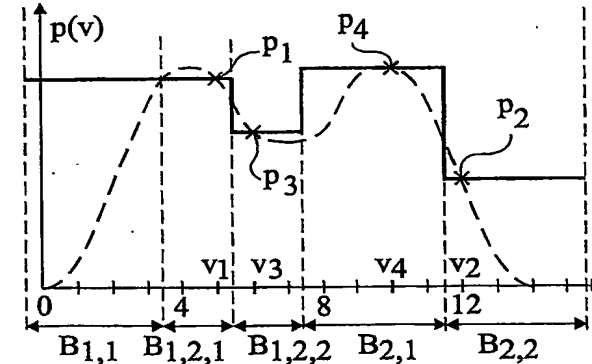


Fig 4F

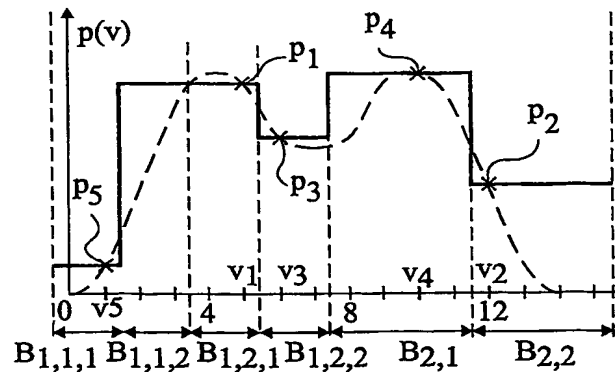


Fig 4G

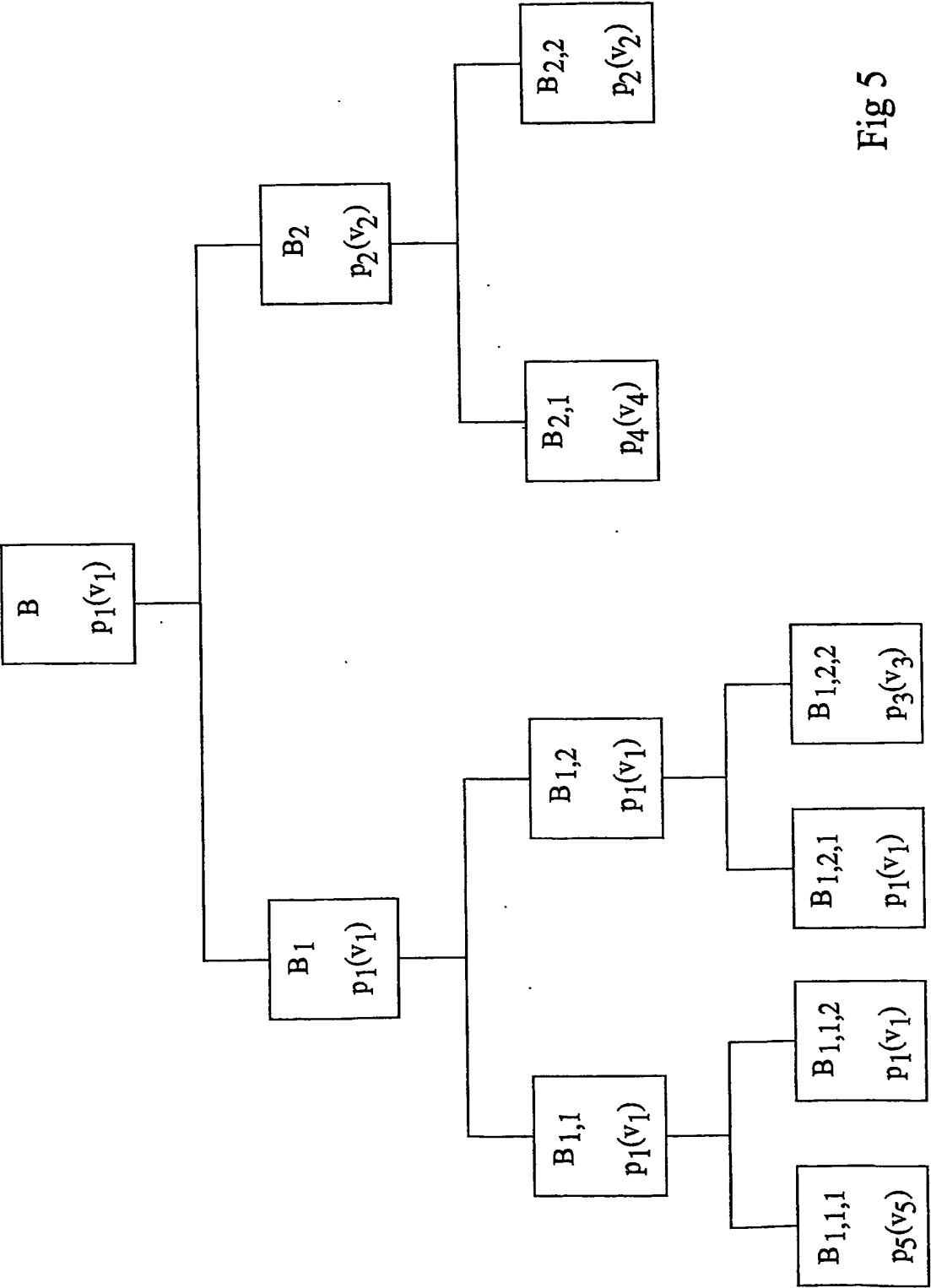


Fig 5

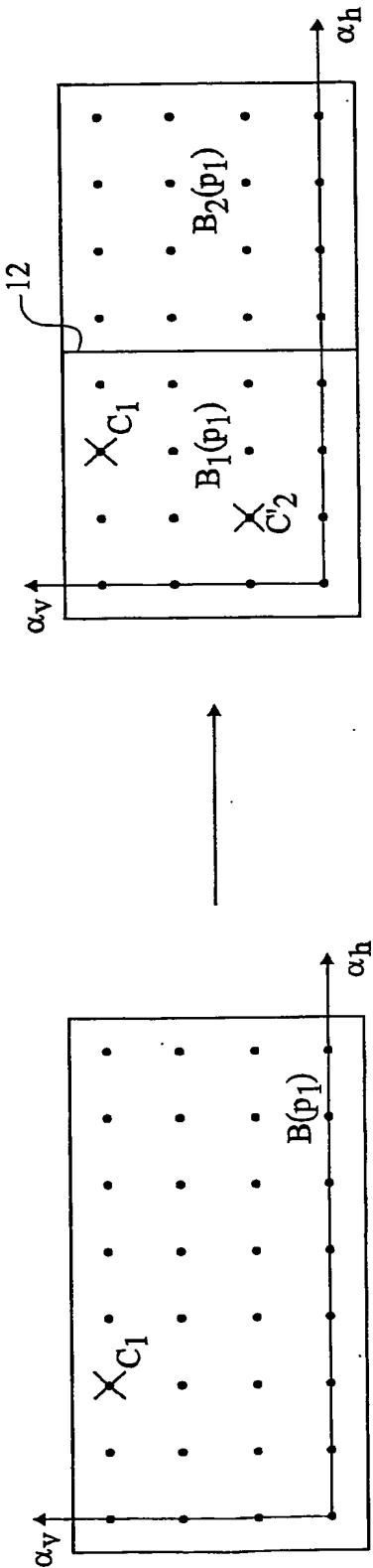


Fig 6C

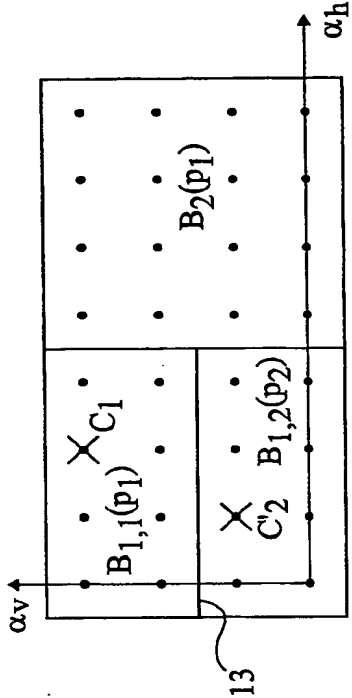


Fig 6D

Fig 6A

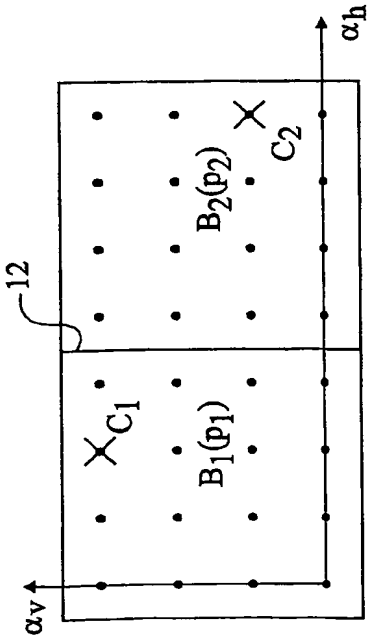


Fig 6B

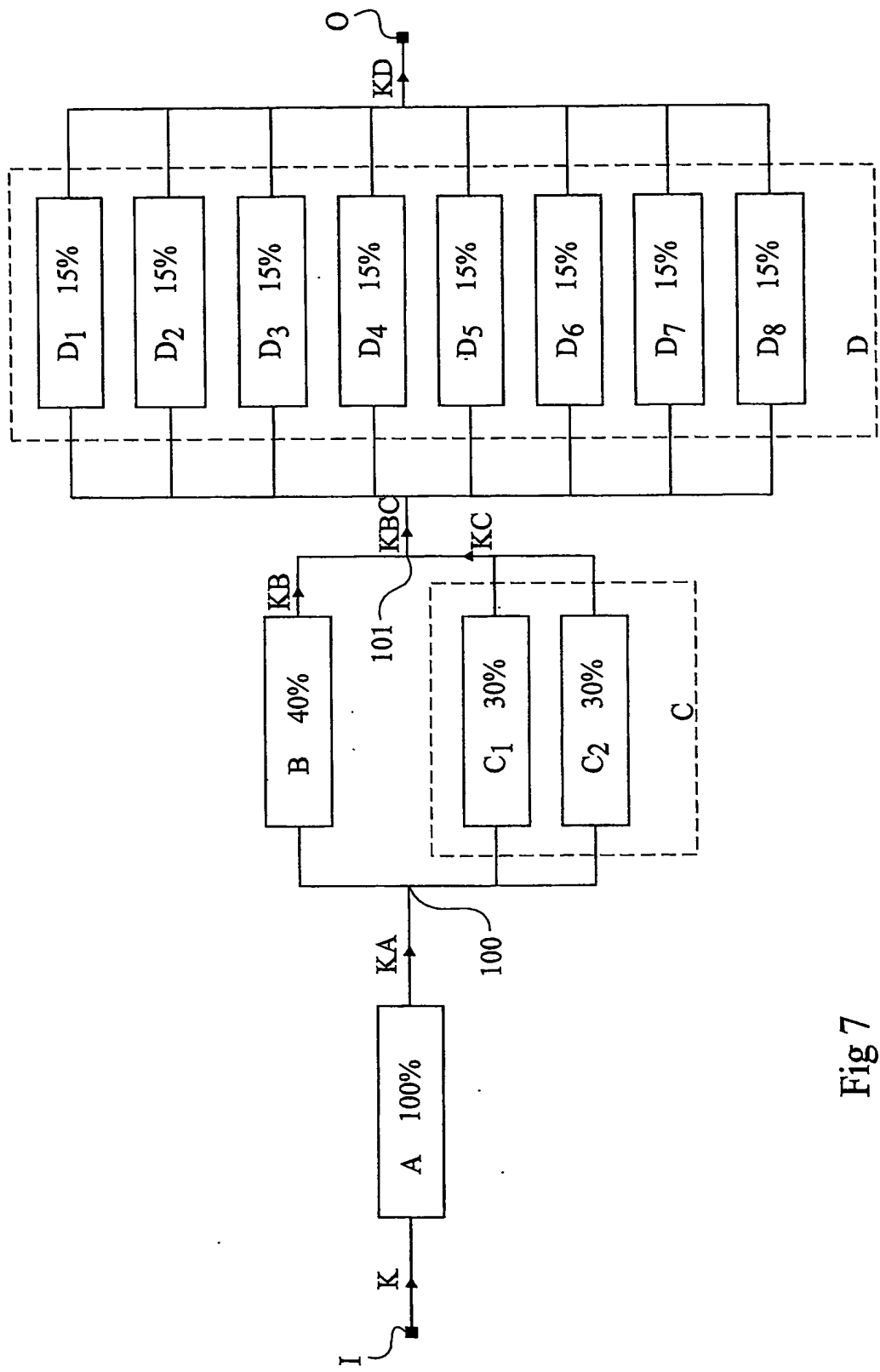


Fig 7

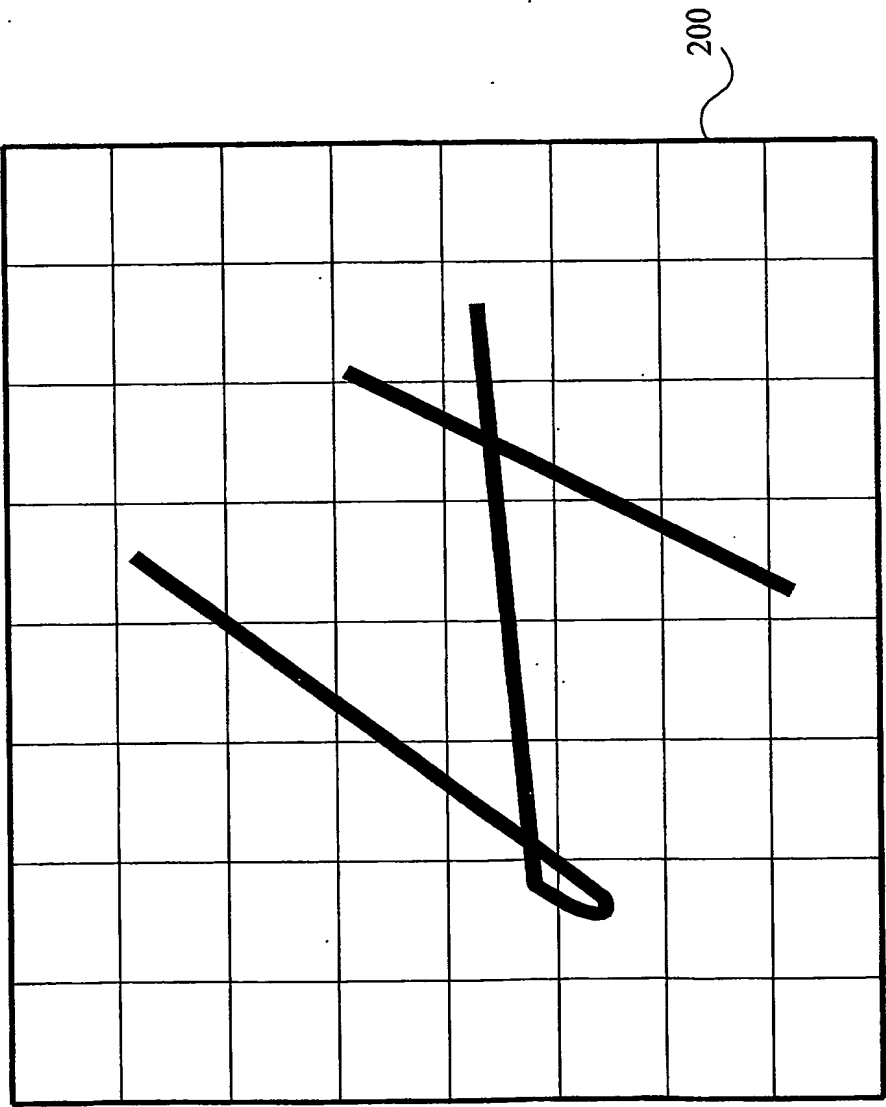


Fig 8

(12) DEMANDE INTERNATIONALE PUBLIÉE EN VERTU DU TRAITÉ DE COOPÉRATION  
EN MATIÈRE DE BREVETS (PCT)(19) Organisation Mondiale de la Propriété  
Intellectuelle  
Bureau international(43) Date de la publication internationale  
12 février 2004 (12.02.2004)

PCT

(10) Numéro de publication internationale  
WO 2004/013714 A3(51) Classification internationale des brevets<sup>7</sup> :

G05B 23/02, 17/02, 13/02

Cedex 16 (FR). UNIVERSITE JOSEPH FOURIER  
[FR/FR]; 621, avenue Centrale, B.P. 53, F-38041 Grenoble  
cedex 9 (FR).

(21) Numéro de la demande internationale :

PCT/FR2003/002399

(72) Inventeur; et

(75) Inventeur/Déposant (pour US seulement) : BESSIERE,  
Pierre [FR/FR]; 28, Hameau du Goutey, F-38700 Corenc  
(FR).

(22) Date de dépôt international : 29 juillet 2003 (29.07.2003)

(25) Langue de dépôt :

français

(74) Mandataire : DE BEAUMONT, Michel; Cabinet Michel  
De Beaumont, 1, rue Champollion, F-38000 Grenoble  
(FR).

(26) Langue de publication :

français

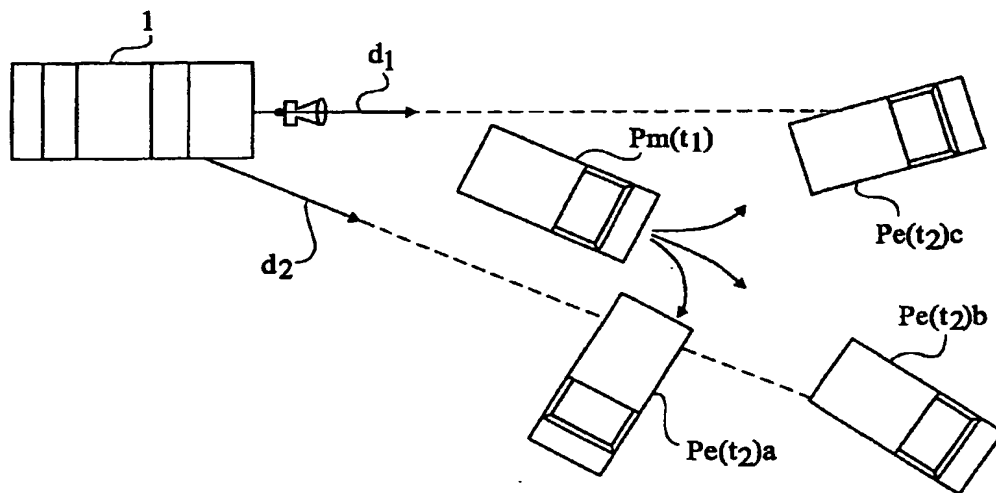
(30) Données relatives à la priorité :

02/354115.4 29 juillet 2002 (29.07.2002) EP

(81) États désignés (national) : AE, AG, AL, AM, AT, AU, AZ,  
BA, BB, BG, BR, BY, BZ, CA, CH, CN, CO, CR, CU, CZ,  
DE, DK, DM, DZ, EC, EE, ES, FI, GB, GD, GE, GH, GM,  
HR, HU, ID, IL, IN, IS, JP, KE, KG, KP, KR, KZ, LC, LK,  
LR, LS, LT, LU, LV, MA, MD, MG, MK, MN, MW, MX,  
MZ, NO, NZ, OM, PH, PL, PT, RO, RU, SC, SD, SE, SG,

[Suite sur la page suivante]

(54) Title: METHOD FOR DETERMINING A VALUE GIVEN TO DIFFERENT PARAMETERS OF A SYSTEM

(54) Titre : PROCÉDE DE DETERMINATION DE LA VALEUR A DONNER A DIFFERENTS PARAMETRES D'UN SY-  
TEME

(57) Abstract: The invention relates to a method for determining a value given to the totality of specific parameters of a system using the values of the totality of measuring parameters of said system which is associated to a unit for providing with a probability value for any combination of values of the specific parameters. The inventive method consists in determining the value of each parameter and in constructing the representation of probability distribution of all possible combination of values of the specific parameters pertaining to determine values. The totality of combinations is divided into a number of first totalities of combinations. Each first totality can be divided into a number of second totalities in a similar manner and so on, a probability value being attributed to each totality. Said method also consists in selecting the totalities of values of the specific parameters using the constructed representation of probability distribution.

[Suite sur la page suivante]





SK, SL, TJ, TM, TN, TR, TT, TZ, UA, UG, US, UZ, VC, VN, YU, ZA, ZM, ZW.

(84) États désignés (*régional*) : brevet ARIPO (GH, GM, KE, LS, MW, MZ, SD, SL, SZ, TZ, UG, ZM, ZW), brevet eurasién (AM, AZ, BY, KG, KZ, MD, RU, TJ, TM), brevet européen (AT, BE, BG, CH, CY, CZ, DE, DK, EE, ES, FI, FR, GB, GR, HU, IE, IT, LU, MC, NL, PT, RO, SE, SI, SK, TR), brevet OAPI (BF, BJ, CF, CG, CI, CM, GA, GN, GQ, GW, ML, MR, NE, SN, TD, TG).

Publiée :

— avec rapport de recherche internationale

— avant l'expiration du délai prévu pour la modification des revendications, sera republiée si des modifications sont reçues

(88) Date de publication du rapport de recherche internationale:

1 avril 2004

En ce qui concerne les codes à deux lettres et autres abréviations, se référer aux "Notes explicatives relatives aux codes et abréviations" figurant au début de chaque numéro ordinaire de la Gazette du PCT.

(57) **Abrégé :** L'invention concerne un procédé de détermination de la valeur à donner à un ensemble de paramètres spécifiques d'un système à partir des valeurs d'un ensemble de paramètres de mesure de ce système, le système étant associé à un moyen pour fournir une valeur de probabilité pour toute combinaison de valeurs des paramètres spécifiques. Le procédé comprend les étapes suivantes : relever la valeur de chaque paramètre de mesure ; construire une représentation de la distribution de probabilité de toutes les combinaisons possibles de valeurs des paramètres spécifiques correspondant aux valeurs relevées, l'ensemble des combinaisons étant divisé en plusieurs premiers ensembles de combinaisons, chaque premier ensemble pouvant se diviser en plusieurs second ensembles de façon similaire et ainsi de suite, une valeur de probabilité étant affectée à chaque ensemble ; choisir une des combinaisons de valeurs des paramètres spécifiques à partir de la représentation de la distribution de probabilité précédemment construite.

## INTERNATIONAL SEARCH REPORT

International Application No.

PCT/FR 03/02399

## A. CLASSIFICATION OF SUBJECT MATTER

IPC 7 G05B23/02 G05B17/02 G05B13/02

According to International Patent Classification (IPC) or to both national classification and IPC

## B. FIELDS SEARCHED

Minimum documentation searched (classification system followed by classification symbols)

IPC 7 G05B

Documentation searched other than minimum documentation to the extent that such documents are included in the fields searched

Electronic data base consulted during the International search (name of data base and, where practical, search terms used)

EPO-Internal

## C. DOCUMENTS CONSIDERED TO BE RELEVANT

Category *	Citation of document, with indication, where appropriate, of the relevant passages	Relevant to claim No.
A	US 4 872 122 A (ALTSCHULER MARTIN D ET AL) 3 October 1989 (1989-10-03) column 2, line 22 -column 7, line 57 ---	1
A	US 5 857 169 A (SEIDE FRANK) 5 January 1999 (1999-01-05) column 7, line 46 -column 13, line 8 ---	1
A	US 5 999 902 A (SCAHILL FRANCIS JAMES ET AL) 7 December 1999 (1999-12-07) column 3, line 60 -column 5, line 29 ---	1
A	US 5 966 523 A (UCHINO TAKU) 12 October 1999 (1999-10-12) figures 2-5 ---	1
A	US 6 408 290 B1 (THIESSON BO ET AL) 18 June 2002 (2002-06-18) -----	

☐ Further documents are listed in the continuation of box C.☒ Patent family members are listed in annex.

## \* Special categories of cited documents:

\*A\* document defining the general state of the art which is not considered to be of particular relevance

\*E\* earlier document but published on or after the international filing date

\*L\* document which may throw doubts on priority claim(s) or which is cited to establish the publication date of another citation or other special reason (as specified)

\*O\* document referring to an oral disclosure, use, exhibition or other means

\*P\* document published prior to the international filing date but later than the priority date claimed

\*T\* later document published after the international filing date or priority date and not in conflict with the application but cited to understand the principle or theory underlying the invention

\*X\* document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered novel or cannot be considered to involve an inventive step when the document is taken alone

\*Y\* document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered to involve an inventive step when the document is combined with one or more other such documents, such combination being obvious to a person skilled in the art.

\*Z\* document member of the same patent family

Date of the actual completion of the international search

5 February 2004

Date of mailing of the international search report

23/02/2004

Name and mailing address of the ISA

European Patent Office, P.B. 5818 Patentlaan 2  
NL - 2280 HV Rijswijk  
Tel. (+31-70) 340-2040, Tx. 31 651 epo nl,  
Fax (+31-70) 340-3016

Authorized officer

Kelperis, K

# INTERNATIONAL SEARCH REPORT

information on patent family members

International Application No

PCT/FR 03/02399

Patent document cited in search report		Publication date	Patent family member(s)	Publication date
US 4872122	A	03-10-1989	US 5005143 A	02-04-1991
US 5857169	A	05-01-1999	DE 69613338 D1	19-07-2001
			DE 69613338 T2	29-05-2002
			EP 0788649 A2	13-08-1997
			WO 9708686 A2	06-03-1997
			JP 10508392 T	18-08-1998
US 5999902	A	07-12-1999	AU 702903 B2	11-03-1999
			AU 4887696 A	23-09-1996
			CA 2211636 A1	12-09-1996
			DE 69615667 D1	08-11-2001
			DE 69615667 T2	20-06-2002
			EP 0813735 A1	29-12-1997
			ES 2164870 T3	01-03-2002
			WO 9627872 A1	12-09-1996
			JP 11501410 T	02-02-1999
			NO 974097 A	08-09-1997
			NZ 302748 A	29-04-1999
US 5966523	A	12-10-1999	JP 9190464 A	22-07-1997
US 6408290	B1	18-06-2002	WO 9928832 A2	10-06-1999
			US 6345265 B1	05-02-2002
			US 6336108 B1	01-01-2002
			US 6529891 B1	04-03-2003
			US 6496816 B1	17-12-2002

# RAPPORT DE RECHERCHE INTERNATIONALE

Demande internationale No  
PCT/FR 03/02399

A. CLASSEMENT DE L'OBJET DE LA DEMANDE  
CIB 7 G05B23/02 G05B17/02 G05B13/02

Selon la classification internationale des brevets (CIB) ou à la fois selon la classification nationale et la CIB

## B. DOMAINES SUR LESQUELS LA RECHERCHE A PORTE

Documentation minimale consultée (système de classification suivi des symboles de classement)

CIB 7 G05B

Documentation consultée autre que la documentation minimale dans la mesure où ces documents relèvent des domaines sur lesquels a porté la recherche

Base de données électronique consultée au cours de la recherche internationale (nom de la base de données, et si réalisable, termes de recherche utilisés)

EPO-Internal

## C. DOCUMENTS CONSIDERES COMME PERTINENTS

Catégorie *	Identification des documents cités, avec, le cas échéant, l'indication des passages pertinents	no. des revendications visées
A	US 4 872 122 A (ALTSCHULER MARTIN D ET AL) 3 octobre 1989 (1989-10-03) colonne 2, ligne 22 -colonne 7, ligne 57 ---	1
A	US 5 857 169 A (SEIDE FRANK) 5 janvier 1999 (1999-01-05) colonne 7, ligne 46 -colonne 13, ligne 8 ---	1
A	US 5 999 902 A (SCAHILL FRANCIS JAMES ET AL) 7 décembre 1999 (1999-12-07) colonne 3, ligne 60 -colonne 5, ligne 29 ---	1
A	US 5 966 523 A (UCHINO TAKU) 12 octobre 1999 (1999-10-12) figures 2-5 ---	1
A	US 6 408 290 B1 (THIESSON BO ET AL) 18 juin 2002 (2002-06-18) -----	



Voir la suite du cadre C pour la fin de la liste des documents



Les documents de familles de brevets sont indiqués en annexe

### \* Catégories spéciales de documents cités:

- \*A\* document définissant l'état général de la technique, non considéré comme particulièrement pertinent
- \*E\* document antérieur, mais publié à la date de dépôt international ou après cette date
- \*L\* document pouvant jeter un doute sur une revendication de priorité ou cité pour déterminer la date de publication d'une autre citation ou pour une raison spéciale (telle qu'indiquée)
- \*O\* document se référant à une divulgation orale, à un usage, à une exposition ou tous autres moyens
- \*P\* document publié avant la date de dépôt international, mais postérieurement à la date de priorité revendiquée

- \*T\* document ultérieur publié après la date de dépôt international ou la date de priorité et n'appartenant pas à l'état de la technique pertinent, mais cité pour comprendre le principe ou la théorie constituant la base de l'invention
- \*X\* document particulièrement pertinent; l'invention revendiquée ne peut être considérée comme nouvelle ou comme impliquant une activité inventive par rapport au document considéré isolément
- \*Y\* document particulièrement pertinent; l'invention revendiquée ne peut être considérée comme impliquant une activité inventive lorsque le document est associé à un ou plusieurs autres documents de même nature, cette combinaison étant évidente pour une personne du métier
- \*&\* document qui fait partie de la même famille de brevets

Date à laquelle la recherche internationale a été effectivement achevée

5 février 2004

Date d'expédition du présent rapport de recherche internationale

23/02/2004

Nom et adresse postale de l'administration chargée de la recherche internationale

Office Européen des Brevets, P.B. 5818 Patentlaan 2  
NL - 2280 HV Rijswijk  
Tel. (+31-70) 340-2040, Tx. 31 651 epo nl,  
Fax: (+31-70) 340-3016

Fonctionnaire autorisé

Kelperis, K

# RAPPORT DE RECHERCHE INTERNATIONALE

Renseignements relatifs aux membres de familles de brevets

Demande internationale No

PCT/FR 03/02399

Document brevet cité au rapport de recherche		Date de publication	Membre(s) de la famille de brevet(s)	Date de publication
US 4872122	A	03-10-1989	US 5005143 A	02-04-1991
US 5857169	A	05-01-1999	DE 69613338 D1	19-07-2001
			DE 69613338 T2	29-05-2002
			EP 0788649 A2	13-08-1997
			WO 9708686 A2	06-03-1997
			JP 10508392 T	18-08-1998
US 5999902	A	07-12-1999	AU 702903 B2	11-03-1999
			AU 4887696 A	23-09-1996
			CA 2211636 A1	12-09-1996
			DE 69615667 D1	08-11-2001
			DE 69615667 T2	20-06-2002
			EP 0813735 A1	29-12-1997
			ES 2164870 T3	01-03-2002
			WO 9627872 A1	12-09-1996
			JP 11501410 T	02-02-1999
			NO 974097 A	08-09-1997
			NZ 302748 A	29-04-1999
US 5966523	A	12-10-1999	JP 9190464 A	22-07-1997
US 6408290	B1	18-06-2002	WO 9928832 A2	10-06-1999
			US 6345265 B1	05-02-2002
			US 6336108 B1	01-01-2002
			US 6529891 B1	04-03-2003
			US 6496816 B1	17-12-2002

**This Page is Inserted by IFW Indexing and Scanning  
Operations and is not part of the Official Record**

**BEST AVAILABLE IMAGES**

Defective images within this document are accurate representations of the original documents submitted by the applicant.

Defects in the images include but are not limited to the items checked:

- ☐ BLACK BORDERS
- ☒ IMAGE CUT OFF AT TOP, BOTTOM OR SIDES
- ☐ FADED TEXT OR DRAWING
- ☐ BLURRED OR ILLEGIBLE TEXT OR DRAWING
- ☐ SKEWED/SLANTED IMAGES
- ☐ COLOR OR BLACK AND WHITE PHOTOGRAPHS
- ☐ GRAY SCALE DOCUMENTS
- ☐ LINES OR MARKS ON ORIGINAL DOCUMENT
- ☐ REFERENCE(S) OR EXHIBIT(S) SUBMITTED ARE POOR QUALITY
- ☐ OTHER: \_\_\_\_\_

**IMAGES ARE BEST AVAILABLE COPY.**

**As rescanning these documents will not correct the image problems checked, please do not report these problems to the IFW Image Problem Mailbox.**